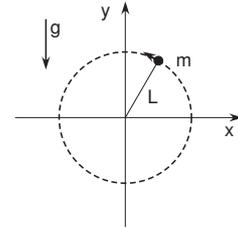


Corso di studi in Informatica

Fisica - II Semestre A.A 2007-2008. Sesto appello, Pisa 11 settembre 2008.

- Modalità di risposta: si scriva la formula risolutiva nell'apposito riquadro e si barri la lettera associata al valore numerico corretto. Si effettuino entrambe le operazioni. Tra le alternative numeriche proposte c'è sempre la risposta corretta. La tolleranza prevista per il risultato numerico è $\pm 5\%$ salvo ove diversamente indicato. Attenzione ogni risposta errata potrà essere valutata con un punteggio negativo.
- Si assumano i seguenti valori per le costanti che compaiono nei problemi: intensità campo gravitazionale sulla superficie terrestre $g = 9.81 \text{ ms}^{-2}$, costante di gravitazione universale $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2\text{kg}^{-2}$, $K = 1/4\pi\epsilon_0 = 8.99 \times 10^9 \text{ Nm}^2\text{C}^{-2}$, $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ mkgC}^{-2}$.

Problema 1: Un'estremità di un filo, inestensibile e di massa trascurabile, lungo $L = 1.20 \text{ m}$ è vincolata all'origine di un sistema di coordinate cartesiane. Un corpo di massa m è legato all'altra estremità. Il corpo è mantenuto in rotazione in senso antiorario in un piano verticale con velocità angolare costante $\omega = 6.50 \text{ rad/s}$. All'istante $t = 0$ mentre forma un angolo di $\pi/3$ con l'asse x , il filo viene tagliato ed il corpo inizia a muoversi sotto l'azione della sola forza di gravità. Determinare:



1. la coordinata y del punto di altezza massima raggiunto dal corpo;

$$y_{max} [\text{m}] = \frac{\sqrt{3}L}{2} + \frac{\omega^2 L^2}{8g} \quad \text{A } \boxed{1.20} \quad \text{B } \boxed{1.81} \quad \text{C } \boxed{2.52} \quad \text{D } \boxed{6.58} \quad \text{E } \boxed{34.8}$$

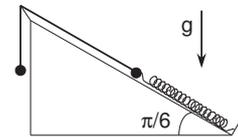
2. dopo quanto tempo il corpo passa per l'asse y ;

$$t_1 [\text{s}] = \frac{1}{\sqrt{3}\omega} \quad \text{A } \boxed{0.154} \quad \text{B } \boxed{0.0621} \quad \text{C } \boxed{0.0513} \quad \text{D } \boxed{0.0486} \quad \text{E } \boxed{0.0888}$$

3. dopo quanto tempo il corpo passa per la posizione di ascissa $x = -L$.

$$t_1 [\text{s}] = \frac{\sqrt{3}}{\omega} \quad \text{A } \boxed{0.0142} \quad \text{B } \boxed{0.0989} \quad \text{C } \boxed{0.0115} \quad \text{D } \boxed{0.266} \quad \text{E } \boxed{0.0467}$$

Problema 2: Alla base di un piano inclinato di $\alpha = \pi/6$ radianti rispetto all'orizzontale, è attaccata una molla di costante elastica $k = 66.0 \text{ N/m}$ e massa trascurabile. L'altra estremità della molla è attaccata ad un corpo di massa $m_1 = 3.30 \text{ kg}$ appoggiato sul piano. Il corpo è inoltre collegato tramite un filo inestensibile di massa trascurabile ad un secondo corpo m_2 di massa uguale a quella del precedente che pende libero oltre il bordo del piano. Determinare:



4. l'allungamento della molla quando il sistema è in equilibrio.

$$\Delta L_{eq} [\text{m}] = \frac{m_1 g}{2k} \quad \text{A } \boxed{0.0628} \quad \text{B } \boxed{0.245} \quad \text{C } \boxed{0.491} \quad \text{D } \boxed{0.337} \quad \text{E } \boxed{0.000}$$

Nel caso in cui i corpi vengano invece lasciati liberi da fermi con la molla in posizione di riposo, si calcoli:

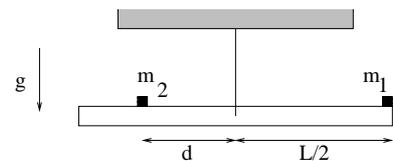
5. il modulo della velocità con cui m_1 passa per la posizione di equilibrio;

$$v [\text{m/s}] = g \sqrt{\frac{m_1}{8k}} \quad \text{A } \boxed{2.23} \quad \text{B } \boxed{0.776} \quad \text{C } \boxed{2.89} \quad \text{D } \boxed{1.06} \quad \text{E } \boxed{0.000}$$

6. l'allungamento massimo della molla.

$$\Delta L_{max} [\text{m}] = \frac{m_1 g}{k} \quad \text{A } \boxed{0.491} \quad \text{B } \boxed{3.18} \quad \text{C } \boxed{0.762} \quad \text{D } \boxed{0.421} \quad \text{E } \boxed{0.157}$$

Problema 3: Un'asta orizzontale omogenea di massa $m = 8.10 \text{ kg}$ e lunghezza $L = 6.90 \text{ m}$ è incernierata nel suo punto di mezzo. Sull'estremità destra dell'asta è appoggiato un corpo di massa $m_1 = 6.00 \text{ kg}$ e di dimensioni trascurabili. Si vuole appoggiare sul lato sinistro dell'asta a distanza $d = 2.40 \text{ m}$ dal centro dell'asta un altro corpo di massa m_2 e dimensioni trascurabili, in modo tale che l'asta rimanga in posizione orizzontale. Determinare:



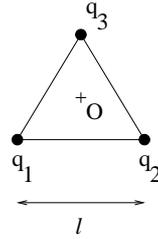
7. la massa m_2 del corpo;

$$m_2 [\text{kg}] = \frac{m_1 L}{2d} \quad \text{A } \boxed{16.1} \quad \text{B } \boxed{7.42} \quad \text{C } \boxed{10.3} \quad \text{D } \boxed{10.8} \quad \text{E } \boxed{8.63}$$

8. il modulo della reazione vincolare della cerniera.

$$R \text{ [N]} = \boxed{(m + m_1 + m_2) g} \quad \text{A } \boxed{3400} \quad \text{B } \boxed{693} \quad \text{C } \boxed{247} \quad \text{D } \boxed{223} \quad \text{E } \boxed{1810}$$

Problema 4: Tre cariche puntiformi sono poste ai vertici di un triangolo equilatero di lato $l = 0.680 \text{ m}$ come in figura. Le tre cariche valgono rispettivamente $q_1 = q_2 = 7.40 \text{ } \mu\text{C}$, e $q_3 = 2q_1$. Determinare:



9. il modulo del vettore campo elettrico nel centro O del triangolo.

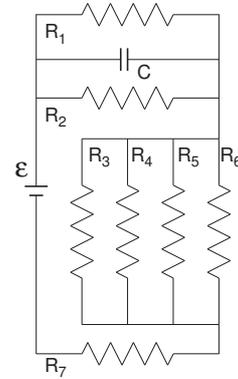
$$E \text{ [} \times 10^6 \text{ N/C]} = \boxed{\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{3q_1}{l^2}} \quad \text{A } \boxed{1.60} \quad \text{B } \boxed{5.06} \quad \text{C } \boxed{7.86} \quad \text{D } \boxed{0.000} \quad \text{E } \boxed{0.432}$$

Si supponga che ad un certo istante una particella di massa $m_0 = 8.80 \text{ g}$ e carica $q_0 = 11.0 \text{ } \mu\text{C}$ sia a distanza infinita dalla configurazione data e viaggi verso il centro del triangolo con velocità v_0 . Determinare:

10. il modulo di v_0 tale per cui la carica q_0 arriva in O con velocità nulla.

$$v_0 \text{ [m/s]} = \boxed{\sqrt{\frac{2\sqrt{3}}{\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q_1}{m_0 l}}} \quad \text{A } \boxed{6.54} \quad \text{B } \boxed{1.82} \quad \text{C } \boxed{41.2} \quad \text{D } \boxed{11.5} \quad \text{E } \boxed{7.77}$$

Problema 5: Un generatore di forza elettromotrice $\epsilon = 6.90 \text{ V}$ e resistenza interna trascurabile è collegato ad una rete elettrica secondo lo schema in figura. Sapendo che $R_1 = R_2 = R_3 = R_7 = 43.0 \text{ } \Omega$, $R_4 = 2R_1$, $R_5 = R_6 = 4R_1$ e che il condensatore ha capacità pari a $C = 36.0 \text{ } \mu\text{F}$, determinare in condizioni stazionarie:



11. la corrente totale erogata dal generatore;

$$i \text{ [A]} = \boxed{\frac{\epsilon}{2R_1}} \quad \text{A } \boxed{0.812} \quad \text{B } \boxed{0.360} \quad \text{C } \boxed{0.126} \quad \text{D } \boxed{0.0802} \quad \text{E } \boxed{1.11}$$

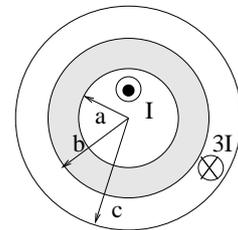
12. l'energia immagazzinata nel condensatore;

$$E \text{ [} \mu\text{J]} = \boxed{\frac{\epsilon^2 C}{32}} \quad \text{A } \boxed{53.6} \quad \text{B } \boxed{403} \quad \text{C } \boxed{37.3} \quad \text{D } \boxed{130} \quad \text{E } \boxed{19.4}$$

13. la potenza dissipata nella resistenza R_5 .

$$P \text{ [mW]} = \boxed{\frac{\epsilon^2}{64R_1}} \quad \text{A } \boxed{62.5} \quad \text{B } \boxed{6.40} \quad \text{C } \boxed{13.5} \quad \text{D } \boxed{17.3} \quad \text{E } \boxed{11.6}$$

Problema 6: In figura è schematizzata la sezione di un cavo coassiale formato da un cilindro metallico centrale di raggio $a = 3.00 \text{ mm}$ rivestito da uno strato di dielettrico e quindi da un altro guscio conduttore cilindrico di raggi esterni rispettivamente $b = 3.60 \text{ mm}$ e $c = 6.20 \text{ mm}$. Il cilindro centrale è percorso da una corrente pari a $I = 15.0 \text{ A}$, diretta nel verso uscente dal foglio, mentre il conduttore più esterno è percorso da una corrente diretta nel verso entrante nel foglio e di intensità pari a $3I$. Determinare:



14. il modulo del campo magnetico a distanza r dal centro del cilindro centrale pari a $3c$;

$$B_1 \text{ [mT]} = \boxed{\frac{\mu_0 I}{3\pi c}} \quad \text{A } \boxed{0.000} \quad \text{B } \boxed{0.533} \quad \text{C } \boxed{0.574} \quad \text{D } \boxed{0.323} \quad \text{E } \boxed{0.291}$$

15. il modulo del campo magnetico a distanza r dal centro del cilindro centrale pari a $(a + b)/2$;

$$B_2 \text{ [mT]} = \boxed{\frac{\mu_0 I}{\pi(a+b)}} \quad \text{A } \boxed{0.422} \quad \text{B } \boxed{3.02} \quad \text{C } \boxed{0.000} \quad \text{D } \boxed{1.03} \quad \text{E } \boxed{0.909}$$