# Fisica del quark top

- Perche' deve esserci il quark top: lo spin isotopico debole del quark b e'  $T_3 = -\frac{1}{2}$  (doppietto):
- -l'asimmetria forward/backward  $A_{FB}(b)$  nella produzione di b in interazioni e+e-  $\rightarrow bb$

$$AFB = \frac{3}{4} \frac{2V_e A_e}{V_e^2 + A_e^2} \frac{2V_b A_b}{V_b^2 + A_b^2}$$

Con V,A coefficienti di accoppiamento vettoriale e assiale -Anche la larghezza totale  $\Gamma(Z \rightarrow b\overline{b})$  e' sensibile a V<sub>b</sub>e A<sub>b</sub>:

$$\Gamma(Z \to b \,\bar{b}) = \frac{G_F M_Z^3}{2\sqrt{2\pi}} (V_b^2 + A_b^2)$$

 $A_b$  e' la terza componente dell'isospin debole e, prima della scoperta del top, e' stata misurata essere  $-0.49\pm0.015$ 

Il top contribuisce anche alle correzioni radiative sulle masse, ad es del W, e da queste si puo' gia' anche estrarre una predizione:  $m_t=178\pm30$  GeV

Siccome  $m_t > m_W + m_b$  il top decade prevalentemente in un W reale e in un b quark:

t  $\rightarrow W^+ + b$   $l^+v$  t  $\rightarrow W^+ + b$   $q \bar{q}$ Per una piu' chiara identificazione del top si richiede che almeno uno della coppia t t abbia nel decadimento un leptone carico nello stato finale. Inoltre la presenza dei b puo' essere segnalata dal "b tagging". Sappiamo che

$$BR(W^+ \rightarrow e^+ \overline{\nu}) \cong 11\%$$

Con un impulso trasverso del leptone di molte decine di GeV

Il W dal decadimento del top puo' avere sia polarizzazione trasversale (L) oppure longitudinale (0).La larghezza totale  $\Gamma = \Gamma_L + \Gamma_0$  vale:



#### **Top quark width versus m**<sub>top</sub>



Il BR(t $\longrightarrow$  sW) e' proporzionale a (V<sub>ts</sub>)<sup>2</sup> e vale ~0.2 %.

Il quark t ha un decadimento "semidebole": a differenza degli altri decadimenti deboli decade in un W reale e questo fa si che la sua larghezza sia proporzionale a  $G_F$  e non  $G_F^2$ . Inoltre non e' penalizzato dal propagatore  $1/M_W^2$ . Il risultato e' che la sua vita media e' di <u>~10<sup>-25</sup>s</u>: **decade prima di adronizzare** 

La frazione di decadimento nel W longitudinale  $(W_0)$  e' data da:

$$\frac{\Gamma(t \to bW_0)}{\Gamma(t \to bW)} = \frac{m_t^2}{m_t^2 + 2M_W^2} \approx 83\%$$

Lo stato di polarizzazione del W controlla la distribuzione angolare del leptone finale. Definiamo: nel sistema c.m. del W:





Siamo nel c.m del top in cui esso non ha elicita' definita, Mentre il b e' relativistico e left handed. Il W puo' essere o lefthanded o 0.

Nel c.m. del W ho uno stato finale con elicita' +1 a cui accedo con un sistema iniziale (1,0) e (1-1): Le ampiezze di elicita sono:

$$d_{1,0}^{1} = \frac{-\sin\theta^{*}}{\sqrt{2}}, d_{1,-1}^{1} = \frac{1.-\cos\theta^{*}}{2}$$

La distribuzione angolare sara':

$$\frac{dN}{d\cos\theta^*} = \frac{3}{4(m_t^2 + 2M_W^2)} \Big[ m_t^2 \sin^2\theta^* + M_W^2 (1 - \cos\theta^*)^2 \Big]$$

b

#### $1/N dN/d\cos \theta^*$



Con 1000 top si misura di BR (longitudinale) al 3%

## Produzione di quark pesanti

Coppie di quark pesanti  $Q\overline{Q}$  possono essere prodotte in interazioni adroniche da interazioni gluoniche o annichilazione qq:



Il processo di annichilazione a) e' analogo a quello elettromagnetico a parte il fattore di colore 4/9, i termini con  $\rho$  includono i contributi dovuti alla massa m non trascurabili dei quark pesanti :

$$|M|^{2} / \alpha_{s}^{2} = \frac{4}{9} \left(\frac{t^{2} + u^{2}}{s^{2}}\right) = \frac{4}{9} \left(\tau_{1}^{2} + \tau_{2}^{2} + \frac{\rho}{2}\right)$$
  
con  $\tau_{1} = \frac{2 p_{1} p_{3}}{s}, \tau_{2} = \frac{2 p_{2} p_{3}}{s}, \rho = \frac{4 m^{2}}{s}, s = (p_{1} + p_{2})^{2}$ 

Il processo da gluoni b) e' per i primi due diagrammi analogo a quello elettromagnetico con due fotoni, ma in aggiunta esiste anche il terzo con il vertice a tre gluoni che in QED non c'e'.

$$\left|M\right|^{2} / \alpha_{s}^{2} = \left(\frac{1}{6\tau_{1}\tau_{2}} - \frac{3}{8}\right)\left(\tau_{1}^{2} + \tau_{2}^{2} + \rho - \frac{\rho^{2}}{4\tau_{1}\tau_{2}}\right)$$

La sezione d'urto di produzione si ottiene calcolando quella elementare (fattore di flusso e spazio delle fasi) e pesandola con le funzioni di distribuzione delle particelle incidenti (quark o gluoni). E' conveniente passare dall'invariante  $d^3p/E$  a dy  $d^2p_T$ :

$$\frac{d\sigma}{dy_3 dy_4 d^2 p_T} = \frac{1}{16\pi^2 \hat{s}^2} \sum_{i,j} x_1 f_1(x_1) x_2 f_2(x_2) |M|^2$$

La rapidita' di una particella e' legata alla sua massa trasversa, al suo impulso longitudinale  $p_3$  e alla sua energia E:

$$y = \frac{1}{2}\ln(\frac{E+p_3}{E-p_3}) = \ln(\frac{E+p_3}{m_T}) = \tanh^{-1}(\frac{p_3}{E}); \quad m_T^2 = m^2 + p_1^2 + p_2^2$$

Nel c.m. degli adroni incidenti possiamo scrivere i quadrimpulsi dei quattro partoni interagenti come:

$$p_{1} = \frac{\sqrt{s}}{2}(x_{1}, 0, 0, x_{1}); p_{2} = \frac{\sqrt{s}}{2}(x_{2}, 0, 0, -x_{2})$$

$$p_{3} = \frac{\sqrt{s}}{2}(m_{T} \cosh y_{3}, p_{T}, 0, m_{T} \sinh y_{3}); p_{4} = \frac{\sqrt{s}}{2}(m_{T} \cosh y_{4}, -p_{T}, 0, m_{T} \sinh y_{4})$$

Dalla conservazione del quadrimpulso:  $p_1 + p_2 = p_3 + p_4$  otteniamo:

$$x_{1} = \frac{m_{T}}{\sqrt{s}} (e^{y_{3}} + e^{y_{4}}), x_{2} = \frac{m_{T}}{\sqrt{s}} (e^{-y_{3}} + e^{-y_{4}}), \hat{s} = 2m_{T}^{2} (1 + \cosh \Delta y)$$
  
$$dove: m_{T} = \sqrt{(m^{2} + p_{T}^{2})}, \Delta y = y_{3} - y_{4}$$

L'elemento di matrice si puo' scrivere in temini di m, $m_T$ , $\Delta y$ :

$$\begin{split} \left| M_{\overline{q}q} \right|^2 &= \frac{4\alpha_s^2}{9} \left( \frac{1}{1 + \cosh(\Delta y)} \right) (\cosh(\Delta y) + \frac{m^2}{m_T^2}) \\ \left| M_{gg} \right|^2 &= \frac{\alpha_s^2}{24} \left( \frac{8\cosh(\Delta y) - 1}{1 + \cosh(\Delta y)} \right) (\cosh(\Delta y) + 2\frac{m^2}{m_T^2} - 2\frac{m^4}{m_T^4}) \\ \text{Notiamo che quando } \Delta y \text{ e' grande } (>1), \quad \left| M_{q\overline{q}} \right|^2 \text{ tende a costante,} \\ \text{mentre } \left| M_{gg} \right|^2 \quad \text{cresce solo come } \cosh(\Delta y) (\exp(\Delta y). \\ \text{D'altra parte la sezione d'urto } \frac{d\sigma}{dy_3 dy_4 d^2 p_T} \quad \text{e' proporzionale a} \end{split}$$

 $\frac{1}{\hat{s}^2} = \frac{1}{4m_T^4 (1 + \cos \Delta y)^2}$  quindi il contributo dominante alla sezione d'urto viene da piccoli  $\Delta y$  ( $\Delta y < 1$ ).

Inoltre i quark prodotti dall'annichilazione  $q\bar{q}$  sono piu' vicini in rapidita' di quelli prodotti dall'interazione gg.

La sezione d'urto per  $p+\bar{p} \rightarrow t+\bar{t}+X$  e' stata misurata al Fermilab



N.B. :il calcolo perturbativo e' tanto piu' accurato tanto piu' la massa del quark pesante e' alta ( $m_t >> \Lambda_{OCD}$ )

L'importanza relativa per la produzione di quark top nelle varie regioni cinematiche e' regolata dalla luminosita' partonica:

$$\frac{dL_{ij}}{d\ln\tau} = \frac{1}{1+\delta_{ij}} \int_0^1 dx_1 dx_2 \times [x_1 f_i^A(x_1,\mu^2)x_2 f_j^B(x_2,\mu^2) + (1\leftrightarrow 2)]\delta(\tau - x_1 x_2)$$

Dove  $f_i^A(f_i^B)$  e' la densita' partonica del quark i (j) in A (B) In termini di questi flussi partonici la sezione d'urto si scrive:

$$\frac{d\sigma(s)}{d\ln\tau} = \frac{\alpha_s^2}{2m^2} \sum_{i,j} \frac{dL_{i,j}(\tau,\mu)}{d\ln\tau} F_{i,j}(\frac{\rho}{\tau},\frac{\mu^2}{m^2})$$

Dove F<sub>ij</sub> e' una quantita' adimensionale che e' proporzionale alla sezione d'urto elementare i,j; p vale:

 $\rho = \frac{4m^2}{\hat{s}}$  e  $\mu$  e'il parametro di scala. La F riceve contributi anche

da processi a ordine  $\alpha_S^3(\mu^2)$ 





Il calcolo delle quantita' fisiche come la sezione d'urto non dovrebbe dipendere dal parame tro μ; ma questo e' tanto piu' vero quanto piu' il calcolo e' eseguito a livelli crescenti della



C'e' un aumento rapido sopra soglia, un dominio dell'annichilazione  $q\bar{q}$ , e un effetto notevole si vede includendo anche contributi  $\alpha_S^3(\mu^2)$ Il valore della sezione d'urto totale si ottiene integrando su  $\tau$ . Le incertezze sul calcolo della sezione d'urto tt dipendono dalla scelta della variabile di scala  $\mu$ , dalla forma delle funzioni di distribuzioni partoniche e dalla loro evoluzione con  $\mu$ , e dalla evoluzione con  $\mu$  di  $\alpha_{\rm S}$ . Se scegliamo ad es., MRS(A') e  $\mu=m_{\rm t}\sigma=4.84$  pb a  $\sqrt{s}=1.8$  TeV. L'incertezza teorica su tale valore puo' essere stimata ~ 10-15 %.



La sezione a urto per produžione ai top a LHC e' piu' di un fattore 100 piu' alta che al Tevatron :  $\sigma$ ~800 pb . Il che vuol dire alla lumino sita' max.  $10^{34}$  s<sup>-1</sup> cm<sup>-2</sup> ( $10^5$ pb<sup>-1</sup> in un anno) si hanno circa 100 milioni di top in un anno. Potranno cosi' essere studiati stati finali esclusivi quali Wb e Ws.



Il vantaggio di avere protone-antiprotone di esaurisce rapidamente con l'energia in quanto la luminosita' dei quark di mare e dei gluoni diventano dominante



Se vogliamo tener conto anche della massa del top la sezione d'urto viene corretta per il fattore  $F=(1+z/2)\sqrt{1-z}$  con  $z=4m_t^2/s$  dove il primo termine tiene conto del possibile contributo aggiuntivo dell'elicita' "sbagliata" del fermione e il secondo tiene conto dello spazio delle fasi. Nel nostro caso  $F\sim1$ 

Bisogna pesare per le funzioni densita'  $f(x_1)f(x_2)$  e integrare. Prendendo  $\alpha_s=0.1$  e m<sub>t</sub>=0.18 TeV. e supponendo di fare interagire protoni e antiprotoni a  $\sqrt{s=1.8}$  TeV:

Assumiamo che solo i quark di valenza u e d contribuiscano all'interazione e

$$xu(x) = 1.8\sqrt{x}(1-x)^3, xd(x) = 0.7\sqrt{x}(1-x)^4$$

$$\sigma(p\bar{p} \to t\bar{t} + X) = \int \frac{4}{3} \frac{\pi \alpha_s^2}{x_1 x_2 s} \frac{2}{9} (u(x_1)u(x_2) + d(x_1)d(x_2)) dx_1 dx_2$$

Consideriamo l'interazione bilanciata:  $x_1=x_2=\sqrt{\tau}$  (la rapidita' y della coppia finale e' 0) e passando dalle variabili  $x_1, x_2$  a  $\tau$ , y con d $x_1$ d $x_2$ =d $\tau$ dy

$$\frac{d\sigma}{dy}_{y=0} = \int_{\tau_{\min}=4m_{t/s}^{2}}^{1} \frac{4}{3} \frac{\pi \alpha_{s}^{2}}{\tau s} \frac{2}{9} \left( u^{2}(\sqrt{\tau}) + d^{2}(\sqrt{\tau}) \right) d\tau = \frac{4}{3} \frac{\pi \alpha_{s}^{2}}{s} \frac{2}{9} \int_{\tau_{\min}}^{1} \left( \frac{(1.8)^{2}}{\tau \sqrt{\tau}} \left( 1 - \sqrt{\tau} \right)^{6} \right) + \left( \frac{(0.7)^{2}}{\tau \sqrt{\tau}} \left( 1 - \sqrt{\tau} \right)^{8} \right) d\tau$$

Il risultato numerico e'

$$\frac{d\sigma}{dy}_{y=0} \approx 10 \,\mathrm{pb}$$

Da confrontarsi con il valore misurato da CDF di  $\sim 8$  pb.

Ci sono anche processi che possono dare top singoli nello stato finale:





$W^+g \rightarrow t\overline{b}$	
$q\overline{q} \rightarrow t\overline{b}$	
$gb \rightarrow tW^{-}$	

La sezione d'urto di produzione di top singoli e' al Tevatron almeno un fattore 10 meno di quella in coppia:il processo di produzione e' debole! Problema anche dell'identificazione sperimentale: jets + leptone?

Una misura di top singoli costituisce una determinazione diretta di  $V_{\mbox{tb.}}$ 

#### Funzioni di frammentazione per quark pesanti

Quello che viene effettivamente misurato non e' il quark Q ma un adrone H (mesone). Vediamo come vengono modificati energia e impulso del quark dalla adronizzazione. A causa della sua grande massa, la fusione con  $\overline{q}$  rallenta di poco il quark Q:



Supponiamo che l'adrone H abbia frazione z dell'impulso iniziale del Q

La differenza di energia prima e dopo la frammentazione vale:

$$\Delta E = E_Q - E_H - E_{\bar{q}} = \sqrt{m_Q^2 + P^2} - \sqrt{m_H^2 + z^2 P^2} - \sqrt{m_q^2 + (1 - z)^2 P^2}, se m_Q \approx m_H$$
  
$$\Delta E \approx \frac{m_Q^2}{2P} [1 - \frac{1}{z} - \frac{\varepsilon_Q}{1 - z}] \qquad \text{Con} \qquad \varepsilon_Q = \frac{m_q^2}{m_Q^2}$$

L'ampiezza della transizione e' proporzionale a  $1/\Delta E$  mentre lo spazio delle fasi e' proporzionale a 1/z.

La probabilita' di frammentazione e' quindi data da:

$$D_{Q}^{H}(z) = \frac{N_{H}}{z} \left[1 - \frac{1}{z} - \frac{\varepsilon_{Q}}{1 - z}\right]^{-2}$$

Funzione di Peterson

Il fattore di normalizzazione  $N_{H}$  e' ricavabile dalla relazione:



ε dipende dalla massa del quark leggero: assumendo che questo valore sia di 100 MeV(?) otteniamo le funzioni di frammentazione a lato per il quark c e il quark b.  $\varepsilon$  e' anche piuttosto trattato come parametro libero estraibile dai dati sperimen-<sup>1</sup> tali.

## Produzione di quarkonio

La produzione di stati legati in interazioni adroniche e' stata misurata al Tevatron, tipicamente e' facile da triggerare nel suo decadimento in 2 leptoni. Bisogna produrre una coppia di quark pesanti: a livello $\alpha_s^2$  c'e' un solo diagramma che potrebbe contribuire e'l' annichilazione quark antiquark:



Tuttavia proveniendo da un gluone, la coppia  $Q\overline{Q}$  dovrebbe essere in un ottetto di colore!

E' possibile anche l'annichilazione gluone gluone, in questo caso posso avere sia un singoletto che un ottetto di colore:



Nel modello di **evaporazione** del colore si assume che si possa arrivare al singoletto con l'emissionedi gluoni "soft che non influenzano la cinematica! Un modello piu' sofisticato tiene conto esplicitamente del numero di gluoni necessario ad arrivare al singoletto di colore. A livello perturbativo piu' basso  $\alpha_s^2$  il solo diagramma che puo' contribuire e'



Lo stato legato deve essere un singoletto di colore e non puo' avere spin 1 come  $J/\psi$  o Y (una particella a spin=1 non si accoppia a due fotoni (gluoni))

La produzione di stati a spin 1, **di grande P**<sub>T</sub> puo' avvenire secondo i diagrammi:



I diagrammi (a) e (b) sono entrambi  $O(\alpha_s^3)$  ma nell'(a) ci sono due propagatori che causano un andamento  $1/p_T^8$  contro un andamento  $1/p_T^4$  presente nel (b) che quindi domina.

Di nuovo esiste pero' il problema del colore: il gluone e' un ottetto di colore mentre la  $\Psi$  e' un singoletto. Il colore puo' essere aggiustato esplicitamente assumendo che vengano emessi due gluoni:



N.B. sono necessari due gluoni invece di uno perche' l'accoppiamento della  $\psi$ , ad esempio il decadimento, non puo' essere in tre particelle di spin uno e di massa nulla come i gluoni. Situazione simile al decadimento (vietato) dello Z in due fotoni.

La predizione teorica, tuttavia riesce solo a predire l'andamento in  $p_T$  (shape) ma non il valore assoluto dei dati sperimentali che rimangono circa un ordine di grandezza sopra le previsioni teoriche.



La curva tratteggiata rappresenta il contributo del diagramma in totale: sia per l'ottetto che per il singoletto (emissine esplicita di due gluoni); la curva punteggiata e' solo il singoletto. La curva continua e' un fit ai dati sperimentali.

### Misura della massa del quark top

- Top il piu' pesante dei fermioni:
- --  $m_{top} \approx 174 \text{ GeV} \rightarrow \text{chiave di comprensione per l'}$ origine della massa ?
- --  $\Gamma_{top} \approx 1.8 \text{ GeV} \rightarrow \text{decade prima di adronizzare}$

$$\begin{array}{c} - & \left(\begin{array}{c} u \\ d \end{array}\right) & \left(\begin{array}{c} c \\ s \end{array}\right) & \left(\begin{array}{c} t \\ b \end{array}\right) & \longrightarrow \begin{array}{c} \Delta m \ (t-b) \approx 170 \ \text{GeV} \\ \hline & \longrightarrow \end{array}$$
 correctioni radiative

- Scoperto al Tevatron nel 94  $\rightarrow$
- misura precisa della massa, degli accoppiamenti •ancora da effettuarsi  $eventi t \rightarrow b$

Spettro di massa del top da CDF



#### Produzione di Top a LHC:





- -- <u>canale leptonico</u>: entrambi W  $\rightarrow \ell \nu$  $\Rightarrow 2 \text{ jet} + 2\ell + E_T^{\text{miss}}$  nello stato finale. BR  $\approx 10 \%$ . Ma la massa e' ricostruita male (neutrini).
- -- <u>canale semileptonico</u>: un W  $\rightarrow jj$ , e l'altro W  $\rightarrow \ell \nu$  $\Rightarrow 4 jets + 1\ell + E_T^{miss}$  nello stato finale. BR  $\approx 40 \%$ . Se  $\ell = e, \mu$ : canale privilegiato per la misura della massa ai collider adronici.

In ogni caso ci sono due jet da b ⇒ vertici secondari nel rivelatore centrale

#### ESEMPIO DI EVENTO tt da CDF

 $t\bar{t} \rightarrow Wb Wb \rightarrow b\ell\nu bjj$ 



#### <u>Selezione di</u> $t\bar{t} \rightarrow bW \, bW \rightarrow b \, \ell v \, bjj$



#### Precisione aspettata su m<sub>top</sub> a LHC

Sorgente di errore	$\Delta m_{top}$
Errore statistico	<< 100 MeV
Incertezze dalla fisica (fondi, FSR, ISR, frammentazione, etc.)	~ 1.3 GeV
Scala energia jet (b-jet, Jet da quark leggeri )	~ 0.8 GeV

Totale (per experimento, per canale)  $\sim 1.5 \text{ GeV}$ 

L'errore e' dominato dalle incertezze della fisica e non quelle sperimentali



If Higgs discovered  $\rightarrow$  comparison of measured m<sub>H</sub> with indirect measurement  $\rightarrow$  important consistency checks of EWSB

# Bibliografia

-R.K.Ellis et al., "QCD and Collider Physics", Cambridge University press.