### Le interazioni forti

Le particelle composte da quark (mesoni e barioni) possono interagire con una forza intensa e a corto raggio (interazioni forti) **ma:** 

- -le sezioni d'urto sono grandi (**decine di mb**) e non calcolabili con la teoria della perturbazione;
- -gli **stati legati qq e qqq non sono calcolabili** (eccetto i quark di grande massa e con grande approssimazione);
- -gli **impulsi trasversi** (rispetto alla direzione relativa delle particelle interagenti) delle particelle prodotte sono **limitati**:

$$\vec{p}_T \quad \frac{d\sigma}{dp_T} \propto e^{-\alpha \cdot p_T} \ con \ \alpha^{-1} \approx 300 - 400 \ MeV$$

Ma c'è un regime cinematico in cui le interazioni forti sono descrivibili da una teoria di campo perturbativa: la QCD:

**I grandi Q<sup>2</sup>**, ma  $Q^2 = ? = \hat{u}, \hat{s}, \hat{t}, p_T, p_T^2$ 



Nota che: 
$$\tau_I \sim \frac{1}{Q} \sim \frac{1}{p_T}, d_I \sim \frac{1}{p_T} \Rightarrow$$

-Collisioni periferiche:  $p_T$  piccolo, distanze di interazioni grandi; -Collisioni centrali:  $p_T$  grandi, distanze di interazioni piccole.

### Quindi le collisioni centrali (hard) sono sensibili alla struttura interna del protone



Risultati dagli ISR (pp a  $\sqrt{s}=23-62$  GeV) 1972:  $pp \rightarrow \pi^0$  (di grande impulso trasverso) + X



Fit dei dati ISR:

$$E\frac{d\sigma}{dp^{3}} = (1.54 \pm 0.1) \cdot 10^{-26} p_{T}^{-(8.24 \pm 0.05)} \cdot e^{-(13.05 \pm 0.25)X_{T}} (cm^{2}GeV^{-2}), X_{T} = \frac{2p_{T}}{\sqrt{s}}$$

-4 ordini di grandezza maggiore della previsione del modello BBBK; - $p_T^{-8}$  invece di  $p_T^{-4}$  previsto dal propagatore fotonico (1/q<sup>4</sup>); -legge di scala : dipendenza da  $X_T$ 

# NECESSITA' DI UN NUOVO TIPO DI INTERAZIONE con una costante di accoppiamento maggiore di $\alpha$

L'ipotesi dei costituenti (quark) era già stata introdotta negli anni 60 da Gell-Mann per spiegare la spettroscopia degli adroni:

#### I mesoni≡qq I barioni ≡qqq I quark hanno spin=1/2 e carica elettrica Q=1/3,2/3

Nuova interazione $\Rightarrow$ nuovo numero quantico (carica) che la governa: **i COLORE**. Giustificazione statica dei quark e del colore

1)  $\Omega^{-}$  m=1672 MeV, J=3/2, S=-3 |  $s^{\uparrow}s^{\uparrow}s^{\uparrow} >$ 

#### Composto da 3 quark s nello stato fondamentale e con spin=3/2 **VIOLA IL PRINCIPIO DI PAULI:** I 3 quark devono essere distinguibili:

⇒Ogni quark esiste <u>in tre stati di colore</u> ⇒Le particelle osservate sono <u>singoletti di colore</u> (non hanno colore)

$$\left|\Omega^{-},3/2\right\rangle = \frac{1}{\sqrt{6}} \sum_{i,j,k=1}^{3} \varepsilon_{ijk} \left|s_{i}\uparrow\right\rangle \left|s_{j}\uparrow\right\rangle \left|s_{k}\uparrow\right\rangle$$

2)  $\Delta^{++}$  m=1232 MeV, J=3/2, S=0  $|u^{\uparrow}u^{\uparrow}u^{\uparrow}\rangle$ 

3) **∆**⁻ m=1232 MeV, J=3/2, S=0

$$|d^{\uparrow}d^{\uparrow}d^{\uparrow}>$$

#### **EVIDENZA DINAMICA DEL COLORE**





 $\Gamma(\pi^0 \to \gamma \gamma)$ 

Dove q=u o q=d. Ricordiamo anche che :

 $|\pi^0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|\overline{d}d - \overline{u}u\rangle$ 

Quindi la larghezza del decadimento contiene in fattore:  $\left(\left(\frac{1}{3}\right)^2 - \left(\frac{2}{3}\right)^2\right)^2 = \frac{1}{9}$ 

Da notare che nel calcolo originale (Steinberger)1949) il loop era con protone e neutrone e il fattoredi isospin <u>era 1</u> (il neutrone ha carica nulla) in accordo con il valore sperimentale. Il calcolo della larghezza con i quark, per essere compatibile con il valore sperimentale **richiede un fattore 9 che è giustificato dal colore (3 per gli u x 3 per i d)**.

3) Drell-Yan: 
$$pp \rightarrow \mu^+ \mu^- + X$$
:

annichilazione di coppie di quark - antiquark in coppie di leptoni



### Dinamica del colore

Nel caso del modello a quark SU(3) <u>di sapore</u> abbiamo visto che per i mesoni ci Sono stati **1 e 8** mentre per i barioni ci sono stati **1, 8 e 10.** Traslato con il linguaggio dei quark: ci sono solo stati (qq) e (qqq). Nota che se i quark hanno anche colore, stati come (qq) o ( $\bar{qq}$ ) sarebbero necessariamente colorati! Quindi il grado di liberta' del colore è confinato: <u>gli adroni sono singoletti</u>

Nel caso dei barioni: (qqq) (333) possiamo scrivere la funzione d'onda dei 3 quark comes

$$\Psi_{3q} = \Psi_{spazio} \cdot \Psi_{spin} \cdot \Psi_{sapore} \cdot \Psi_{colore} \qquad \Psi_{colore} \equiv \Psi^{\alpha} (\alpha = 1,3)$$

 $\Psi_{\text{colore}}$  fornisce l'antisimmetria:  $\Psi_{\text{colore}} = \mathcal{E}_{\alpha\beta\gamma} \Psi^{\alpha} \Psi^{\beta} \Psi^{\alpha}$ Nota che tutti gli indici di colore sono saturati cioè non c'è colore libero: è un singoletto di colore, antisimmetrico e invariante per rotazioni (SU(3)) nello spazio del colore. Anche nel caso dei **mesoni (33)** possiamo costruire singoletti di colore ad es. Il  $\pi^+(du)$ 

$$\psi = \frac{1}{\sqrt{3}} \left[ \overline{d}^{1} u^{1} + \overline{d}^{2} u^{2} + \overline{d}^{3} u^{3} \right] = \frac{1}{\sqrt{3}} \overline{\psi}_{d}^{\alpha} \psi_{u}^{\alpha} = \frac{1}{\sqrt{3}} \psi_{d}^{\alpha * t} \psi_{u}^{\alpha}$$
  
Si dimostra che stati singoletti di colore sono invarianti per rotazione nello  
spazio del colore mentre i non singoletti ( es. (qq)) non lo sono.  
Quale è la forza tra quark che produce stati legati di soli singoletti?

### Cromodinamica quantistica

La QED descrive l'interazione tra particelle dotate di carica elettrica e ha come mediatore un bosone vettoriale: il fotone con costante di accoppiamento  $\alpha = e^2/4\pi$ La QCD descrive l'interazione tra particelle dotate di carica di colore e ha come mediatore un bosone vettoriale: **il gluone** con costante di accoppiamento  $\alpha_s = g_s^2/4\pi$ 

In QED i due processi:  $e^- \rightarrow e^- + \gamma, e^+ \rightarrow e^+ + \gamma$ 

sono coniugati per C e dato che il fotone e' autostato di C con autovalore –1, le due ampiezze hanno segno opposto e il risultato e' che e<sup>+</sup> e<sup>-</sup> si attraggono. Per un mediatore scalare (Yukawa) avremmo C=+1 e ancora particella-antiparticella hanno un potenziale attrattivo (cosi' pure per un mediatore a spin 2: gravita')

Le configurazioni di quark legati sono:  $q\overline{q}$ , qqq non sono stati legati: qq, qqqqSe il <u>mediatore fosse uno stato vettoriale</u> come il fotone allora avremmo:

#### $q\overline{q}$ attrattivo, ma qq e qqq repulsivo

Cosi' pure per un mediatore scalare  $q\overline{q}, qq$  sono entrambi attrattivi

<u>Conclusione:</u> l'interazione forte tra quark non puo' essere causata dallo scambio di Una singola particella eguale alla antiparticella, ma deve essere dovuta allo scambio Di diverse tipi di particella, ciascuna che trasporta una carica (non autostato di C) A differenza della carica elettrica esistono 3 tipi di carica di colore (e di anticolore): es. red (r), blue (b), green (g).

La funzione d'onda dei quark è descritta dagli spinori di Dirac per la parte spin/impulso e dalle funzioni d'onda che dipendono dal colore:





Ciascun gluone trasporta carica di colore e anticolore diversa (il fotone è invece neutro) N.B.: con 3 colori e 3 anticolori 9 combinazioni di cui pero' una sarebbe neutra :  $\frac{1}{\sqrt{6}}(r\bar{r}+b\bar{b}-2g\bar{g})$  (darebbe luogo a un potenziale tipo fotone a lungo range: quinta forza?)



 $\sum_{\alpha} \prod_{\substack{\alpha \\ \alpha \\ k}} q^{2} \prod_{\alpha} q^{2}$ 

L'interazione di QCD deve essere invariante per rotazioni nello spazio del colore che (come nel caso del sapore u,d,s) sono descritte dal gruppo di simmetria **SU(3)** 

La lagrangiana di una particella carica a spin  $\frac{1}{2}$  è quella di Dirac:

$$L = i \overline{\psi}_q \gamma_\mu \frac{\partial \psi_q}{\partial x_\mu} - m \overline{\psi}_q \psi_q$$

Dove  $\psi_q$  è un vettore a 3 componenti nello spazio del colore:  $\psi_a = (\psi_1, \psi_2, \psi_3)$ 

L è invariante per rotazioni locali nello spazio del colore descritte da una matrice unitaria a determinante=1 : U(x) (l'insieme delle U costituisce il gruppo SU(3))

 $U(x) \Rightarrow 9 \text{ parametri complessi (18 reali);}$   $U^{+} = U^{-1} \text{ forniscono 9 equazioni}$  det(U) = 1 equazione  $\begin{cases} 8 \text{ parametri reali } \Lambda_{i}(x) \\ 8 \text{ campi vettoriali } G_{\mu}^{-1}(x) \\ 8 \text{ gluoni di massa nulla} \end{cases}$ 

In QED U= $e^{\alpha x} \implies 1$  parametro reale  $\implies 1$  campo vettoriale  $A_{\mu}$ 

$$U(x) = e^{\frac{i}{2}\sum_{k=1}^{8} g_s \alpha_k(x) \cdot \lambda_k} = e^{\frac{i}{2}g_s \vec{\alpha} \cdot \vec{\lambda}} = e^{\frac{i}{2}g_s \vec{\alpha} \cdot \vec{\lambda}} = e^{\frac{i}{2}g_s \vec{\alpha} \cdot \vec{\lambda}}$$
  $\alpha_k$  sono 8 funzioni reali di x  
 $\lambda_k$  8 matrici 3x3 hermitiane e a traccia nulla  
ad. es. **le matrici di Gell-Mann**

Se imponiamo che la lagrangiana L sia invariante per trasformazioni locali U(x)essa deve essere riscritta come:

 $L^{QCD} = \overline{\psi}_{q} \gamma_{\mu} \left( \frac{\partial}{\partial x_{\mu}} - ig_{s} \frac{\overline{\lambda}}{2} \overline{G}_{\mu} \right) \psi_{q} - m \overline{\psi}_{q} \psi_{q} - \frac{1}{4} \overline{G}_{\mu\nu} \overline{G}_{\mu\nu} \frac{con \ \overline{G}_{\mu} \equiv (G_{\mu}^{1}, G_{\mu}^{2}, ..., G_{\mu}^{8}):}{8 \text{ campi vettoriali a massa nulla : i gluoni} La corretta espressione gauge-in var iante per G_{\mu\nu}^{i} e'$   $G_{\mu\nu}^{i} = \frac{\partial G_{\nu}^{i}}{\partial x_{\mu}} - \frac{\partial G_{\mu}^{i}}{\partial x_{\nu}} + g_{s} \mathcal{E}_{ijk} G_{\mu}^{j} G_{\nu}^{k}$   $g_{s} \rightarrow g_{s}^{2} \rightarrow$ 

Equivalente del tensore elettromagnetico Vertice gluone-gluone-gluone:

Il vertice (interazione) tra gluoni è reso possibile dal fatto che i gluoni sono carichi di colore o altrimenti detto che il gruppo SU(3) di QCD non è abeliano a differenza del gruppo U(1) della QED:

*QED*:  $e^{iA_1(x)} \cdot e^{iA_2(x)} = e^{iA_2(x)} \cdot e^{iA_1(x)}$ : abeliano *QCD*:  $U_1(x) \cdot U_2(x) \neq U_2(x) \cdot U_1(x)$ : non abeliano

### Libertà asintotica

In **<u>QED</u>** il vuoto si comporta come un dielettrico: crea cariche di polarizzazione:



Le cariche di polarizzazione creano un effetto di schermo:  $\mathbf{q}_{eff} = \mathbf{q}/\mathbf{\epsilon}$ Quella che chiamiamo "carica libera" dell'elettrone ( $\alpha$ =1/137) è in effetti <u>la carica totalmente schermata</u> cioè a distanza infinita (Q<sup>2</sup> piccoli).

Se ci avviciniamo all'elettrone (Q<sup>2</sup> grandi) l'effetto di schermo diminuisce (tendo a vedere la carica "nuda"). In termini di diagrammi di Feynman:



L'elettrone virtuale è attratto da q, mentre il positrone è respinto  $\implies$ Le cariche vedono un campo attenuato.

A quali distanze l'effetto si comincia a sentire:  $\lambda_C = \frac{\hbar}{m_e c} = 3.86 \times 10^{-11} cm (lunghezza d'onda Compton)$  Quando Q<sup>2</sup> aumenta vedo una carica ( $\alpha$ ) che aumenta:

**b**)



Introduciamo un parametro arbitrario  $\mu \in \alpha_{s}(\mu^{2})$ ; studiamo  $\alpha_{s}(Q^{2})$  quando  $Q^{2} \neq \mu^{2}$ .

Abbiamo come in QED l'effetto di **polarizzazione del vuoto**: questi processi schermano la carica di colore e **<u>quindi \alpha\_s decresce quando Q^2 \rightarrow 0 (screening)</u>** 

> Interazioni di gluoni con scambio di gluoni: effetto opposto alla polarizzazione del vuoto: la carica di colore viene propagata e  $\alpha_{s}$  aumenta quando Q<sup>2</sup> $\rightarrow$ 0 (antiscreening)

L'effetto di antiscreening è dominante

$$\alpha_{s}(Q^{2}) = \alpha_{s}(\mu^{2}) \left[ 1 - \frac{\alpha_{s}(\mu^{2})}{12\pi} (33 - 2f) \ln \frac{Q^{2}}{\mu^{2}} + ... \right]$$
  
Effetto dei gluoni  
La polarizzazione del vuot  
quark attivi f (Q<sup>2</sup>>4m<sub>a</sub><sup>2</sup>)

La polarizzazione del vuoto dipende dal numero di quark attivi f  $(Q^2>4m_q^2)$ 

Sommando le potenze dei termini logaritmici dominanti (serie geometrica ln<sup>n</sup>...):  $\alpha_{s}(Q^{2}) = \frac{\alpha_{s}(\mu^{2})}{1 + \frac{\alpha_{s}(\mu^{2})}{12\pi}(33 - 2f) \ln \frac{Q^{2}}{\mu^{2}}} \Rightarrow \text{QCD "running coupling constant"}$ 

$$\alpha_s(Q^2) \xrightarrow{Q^2 \to \infty} 0$$
 (se 33 > 2 f) libertà asintotica

E'applicabile la teoria perturbativa. Nota che  $\alpha_s=0.1\div 1$  e, a differenza di  $\alpha$ , varia in modo significativo con Q<sup>2</sup>. Introducendo  $\ln \Lambda^2 = \ln \mu^2 - 12\pi / [(33-2f)\alpha_s(\mu^2)]$ 

 $\alpha_{s}(Q^{2}) = \frac{12\pi}{(33-2f)\ln Q^{2}/\Lambda^{2}} \frac{1}{\frac{12\pi}{3} - 2f} \frac{12\pi}{12\pi} \frac{12\pi}{2} \frac{12\pi}{\frac{12\pi}{3} - 2f} \frac{12\pi}{12\pi} \frac{12\pi}{\frac{12\pi}{3} - 2f} \frac{12\pi}{12\pi} \frac{12\pi}{\frac{12\pi}{3} - 2f} \frac{12\pi}{12\pi} \frac{12\pi}{\frac{12\pi}{3} - 2f} \frac{12\pi}{12\pi} \frac{12\pi$ 

non vale la teoria pertrurbativa, confinamento??



Fig. 2.5. Measurements of  $\alpha_s$  compared with predictions for various values of  $\Lambda(5)$ .



 $ex.\frac{e^+e^- \to 3\,jets}{e^+e^- \to 2\,jets} \propto \alpha_s$ 

 $= \frac{e^{+}}{e^{-}}$ 

N.B. Λ dipende dal numero di quark attivi (sopra soglia dato Q)

Misura imprecisa ex.  $\alpha_{s}(Q=92 \text{ GeV}(Z))=e^{-\lambda}$ =0.117±10%  $\implies$  incertezza su  $\Lambda$ : errore magnificato esponenzialmente: 100<

**100<**Λ<**400 MeV** 

### 8 processi Sezioni d'urto elementari di QCD



Sono nel rapporto 64/9 (colore)Combridge,Valori a θ\*=90°KripfganzRanft (1977)t,s,u nel cms dei due partoni

$$t = -s(1 - \cos\theta^*)/2, u = -s(1 + \cos\theta^*)/2$$

$$\frac{d\sigma}{d\cos\theta^*} = \frac{\pi\alpha_s^2}{2s} |M|^2$$

|M|<sup>2</sup> mediata su colore e spin iniziali e sommata su quelli finali



Fig. 5. Inclusive jet production from different types of jets. The dominance of gluon jets at lower  $p_T$  ( $p_T < 40$  GeV) should eventually disappear as quark jets become dominant.



qq  $\sim e^- e^-$  (Moeller scattering) qq'  $\sim e^+ e^-$  (Bhabha scattering)

#### Scattering alla Rutherford in $p \overline{p} \rightarrow jet jet (quark quark)$



Figure 1.15 Angular distribution of two-jet events in pp collisions (Arnison *et al* 1985) as a function of  $cos \theta$ , where  $\theta$  is the CMS scattering angle. The points shown as squares are the Geiger-Marsden values from figure 1.1, scaled by an overall constant. The broken curve is the prediction of OCD, obtained in the lowest order of perturbation theory (see Chapter 9); it is virtually indistinguishable from the Rutherford shape  $sin^{-4}\theta/2$ . The full curve includes corrections (Chapter 9).

### Luminosità partoniche

La sezione d'urto per produrre due partoni (quark/gluoni) in interazioni adroniche:

$$\sigma = \sum_{i,j} dx_1 dx_2 f_i(x_1) f_j(x_2) \,\widehat{\sigma}_{ij}$$

Stiamo sommando tutte le sezioni d'urto elementari tra partoni i,j pesate per la probabilità che i e j abbiamo frazione  $x_1$  e  $x_2$  dell'impulso dell'adrone incidente.

Definiamo 
$$\tau \frac{dL_{ij}}{d\tau} = \frac{1}{1 + \delta_{ij}} \int_{0}^{1} dx_1 dx_2 \cdot [x_1 f_i(x_1) \cdot x_2 f_j(x_2) + 1 \leftrightarrow 2] \cdot \delta(\tau - x_1 x_2)$$
  
 $x_1 x_2 = \hat{s} / s = \tau$ 

Evita il doppio conteggio se i partoni sono identici

$$\rightarrow \sigma(s) = \sum_{i,j} \int_{\tau_0}^{1} \frac{d\tau}{\tau} \left[ \frac{1}{s} \frac{dL_{i,j}}{d\tau} \right] \left[ \hat{s} \, \hat{\sigma}_{ij} \right]$$

La somma è effettuata su tutte le coppie di partoni iniziali i,j che contribuiscono alla  $\sigma$ .

 $\tau_0$  è la minima energia nel c.m. perche il processo avvenga, ex.  $\tau_0 = 4m_q^2/s$ 

 $\frac{1}{s} \frac{dL_{ij}}{d\tau}$  ha dimensioni di una sezione d'urto (GeV<sup>-2</sup>)

La quantitd:  $(\hat{s} \cdot \hat{\sigma})$  è adimensionale e, siccome  $\hat{\sigma} \propto \frac{1}{2}$ , è in sostanzala costantedi accoppiamento



Ex. Stimiamo a  $\sqrt{s}=14$  TeV (LHC) la sezione d'urto per la produzione a 90° di due jet con p<sub>T</sub>> 0.5 TeV ( $\sqrt{\hat{s}} > 1 TeV$ )

Contributo da gg:  $\frac{1}{s} \frac{dL_{ij}}{d\tau} |_{\sqrt{\hat{s}}=1TeV} \approx 10^4 \ pb \ Al \ \text{Tevatron} : p\overline{p}, \sqrt{s} = 1.8 \ TeV, \frac{1}{s} \frac{dL_{ij}}{d\tau} \approx 10^{-3} \ pb \ \hat{s} \ \hat{\sigma} \approx \alpha_S^2, \ \text{se} \ \alpha_S \approx 0.1, = 10^{-2}$  $\sigma = \int_{\sqrt{\tau_0}}^{1} \frac{d\tau}{\tau} [\frac{1}{s} \frac{dL_{ij}}{d\tau}] \cdot 10^{-2}, \ con \ \sqrt{\tau_0} = 1/14.$ L'integrale va fatto sulla dipendenza da  $\tau$  di  $\frac{1}{s} \frac{dL_{ij}}{d\tau}$ 

e' rapidamente decrescente: parametrizziamolo<sup> $s d\tau$ </sup> come e<sup>- $\tau$ </sup> Ho un integrale del tipo:

$$\int_{0.07}^{1} \frac{e^{-\tau}}{\tau} d\tau \approx 1.9 \quad Quindi: \sigma \approx 1.9 \cdot 10^{4} \left[\frac{1}{s} \frac{dL_{ij}}{d\tau}\right]_{\tau_{0}} \cdot 10^{-2} \approx 200 \text{ pb}$$

Al Tevatron  $\tau_0=0.5 \Longrightarrow \sigma \sim 0.4 \ 10^{-5} \text{ pb.}$ 

### MISURA DEI JET

#### Jet = materializzazione di quark e gluoni.



Le particelle dalla frammentazione dei partoni trasportano impulso trasverso limitato (centinaia di MeV)

p rispetto all'asse del jet e sono contenute in un cono in  $\eta$ , $\phi$  con raggio:

$$R_C \approx \sqrt{\Delta \phi^2 + \Delta \eta^2}$$

#### Tipico algoritmo calorimetrico per la misura dei jet:

i)Si raggruppano celle del calorimetro contigue con energia trasversa depositata  $E_T > 1$  GeV. Si definisce un centroide e una direzione del jet (conoscendo il vertice primario):  $\sum_{x_i E_T} \sum_{y_i E_T} \sum_{y$ 

$$x_{C} = \frac{\sum_{i}^{i} x_{i} E_{Ti}}{\sum_{i}^{i} E_{Ti}}; y_{C} = \frac{\sum_{i}^{i} y_{i} E_{Ti}}{\sum_{i}^{i} E_{Ti}} \text{ somma sulle celle}$$

ii) In un raggio  $R_{C} \sim 0.7$  (0.4), si sommano tutte le energie > 0.1 GeV e si ricalcola il centroide e la direzione.

iii)Se due gruppi energetici condividono piu' del 75% di celle vengono unificati. **CDF: per E<sub>T</sub> > 15 GeV**  $\varepsilon_{jet}$  > 90%, jet falsi < 5%.







FIG. 6.10. A multi-jet event in the CDF detector, shown in the Lego-plot resentation on the  $\eta$ - $\phi$  plane. The height of the towers indicates the amou of transverse jet energy. A jet clustering cone of radius 0.7 is shown arou each jet. Figure from Blazey and Flaugher(1999).

# Evento a 2 jet CDF





#### Dijet Mass = $1364 \text{ GeV}/c^2$





## Evento a 2 jet D0





M<sub>jj</sub> = 838 GeV/c<sup>2</sup> p<sub>T</sub>(1) = 432 GeV/c p<sub>T</sub>(2) = 396 GeV/c



### Sezioni d'urto di QCD ai collider adronici



eeee

•L'interazione elementare dei costituenti degli adroni: quark e gluoni

- •La frammentazione di quark e gluoni nello stato finale da' luogo a jet di alto impulso trasverso misurati dai rivelatori
- Le sezioni d'urto per produzione di jet dipendono dalla interazione elementare tra partoni e dalle funzioni di struttura e sono calcolabili.

#### **Discrepanze tra predizioni e esperimento:**

-inadeguatezza del calcolo QCD (LO, NLO, NNLO)?-inadeguatezza delle funzioni di struttura?-errore sperimentale?

#### -Nuova fisica?

### Sezioni d'urto

Sezione d'urto elementare invariante inclusiva partonica (tutte le masse sono nulle):

$$E\frac{d\hat{\sigma}}{dp^3} = \frac{1}{2\hat{s}8\pi^2} \sum_{spin} \left|M\right|^2 \delta(\hat{s} + \hat{t} + \hat{u})$$

Identificando i jet con i partoni e tenendo conto delle densità partoniche  $f_i(x), f_i(x)$ :

$$E \frac{d\sigma}{dp^{3}} = \frac{1}{16\pi^{2}s} \sum_{i,j,k,l} \int_{0}^{1} \frac{dx_{1}}{x_{1}} \frac{dx_{2}}{x_{2}} [f_{i}(x_{1})f_{j}(x_{2}) + 1 \leftrightarrow 2] \cdot \sum_{spin} |M(ij \rightarrow kl)|^{2} \frac{1}{1 + \delta_{ij}} \delta(\hat{s} + \hat{t} + \hat{u})$$

$$E \frac{d\sigma}{dp^{3}} = \frac{d\sigma}{dy \cdot d\vec{p}_{T}} = \frac{d\sigma}{dy \cdot p_{T} \cdot dp_{T} \cdot d\phi} = 2\pi \frac{d\sigma}{dy \cdot p_{T} \cdot dp_{T}}$$
Sperimentalmente:
$$y = \sinh^{-1}(\frac{p_{L}}{\sqrt{p_{T}^{2} + m^{2}}}) \xrightarrow{\frac{m^{2}/2^{<1}}{p_{T}}} \eta = -\ln \tan \frac{\theta}{2}$$

$$E \frac{d\sigma}{dp^{3}} = \frac{d\sigma}{p_{T} \langle \Delta \eta \Delta \phi \rangle \Delta p_{T}} = \frac{N(p_{T})}{\int L dt \cdot \varepsilon_{C}} \frac{1}{p_{T} \Delta p_{T}} \frac{1}{\langle \Delta \phi \cdot \Delta \eta \rangle}$$

N(p<sub>T</sub>)= numero di jet misurati nell'intervallo  $\Delta p_{T,} < \Delta \eta \Delta \phi >$ ;  $\int Ldt$ = luminosità integrata fornita dall'acceleratore;  $\varepsilon_{C}$ = efficienza dei criteri di selezione dei jet;  $<\Delta \eta \Delta \phi >$ = accettanza geometrica

#### Errori sulla sezione d'urto

-Statistico:  $N_J(p_T)$ 

-Sistematico: dalla conoscenza della luminosita' $\int$ Ldt (ex. a LHC ~ 5%);  $\epsilon_{\rm C}$  ( $\Delta \epsilon_{\rm C} < 10\%$ );  $<\Delta\eta\Delta\phi>$ .

-Scala di eņergia:

Poichè  $E\frac{d\sigma}{dp^3}$  decresce rapidamente con p<sub>T</sub>, una piccola incertezza sulla scala orizzontale (p<sub>T</sub>) modifica fortemente quella verticale ( $E\frac{d\sigma}{dp^3}$ )

Ex. In UA2 ±4 % di incertezza sull'energia del jet si riflette in ±30 % su valore della sezione d'urto



Sezioni d'urto inclusive di jet





E<sub>T</sub> (GeV)









I dati mostrano un andamento ancora piu' piccatio a  $\theta=0$  (piccoli t, grandi  $\chi$ ) del semplice andamento alla Rutherford.

La predizione NLO QCD include la dipendenza da Q<sup>2</sup> di  $\alpha_s$  e delle funzioni di distribuzione e descrive egregiamente i dati.

N.B. Una interazione con gluone scalare avrebbe prodotto:

$$\frac{d\sigma}{d\cos\hat{\theta}} \approx \cos\tan te \,(\cos i \,\operatorname{come} \frac{d\sigma}{d\hat{t}}) \,\mathrm{e} \,\mathrm{quindi} : \frac{d\sigma}{d\chi} \xrightarrow{\hat{t} \to 0} \frac{1}{\chi^2}$$

Che va a 0 se  $\chi \rightarrow \infty$ 

#### Funzioni di struttura e di frammentazione







### Fattori di colore

-Generatori di SU(3): $T_a$  (8 matrici di Gell-Mann) -regole di commutazione:  $[T^a, T^b] = i f^{abc}T_c$  (algebra di Lie)  $f^{abc} = costanti di struttura del gruppo (antisimmetrico per lo scambio di indici)$ 

 $f_{123}=1; f_{147}=1/2; f_{156}=-1/2; f_{246}=1/2; f_{257}=1/2; f_{345}=1/2; f_{367}=-1/2; f_{458}=\sqrt{3}/2; f_{678}=\sqrt{3}/2$ 

Nella lagrangiana di QCD (regole di Feynman):

1)Peso di colore per il vertice QQG (quark i che diventa j emettendo il gluone a): a  $g\gamma_{\mu}T_{ji}^{a}$  sommato sui colori finali j passando per tutti i possibili gluoni a:  $P_{QQG} = \sum_{a,j} |T_{ji}^{a}|^{2} = \sum_{a,j} T_{ij}^{a}T_{ji}^{a} = \frac{4}{3}$ , indipendentemente da i 2) Peso di colore per il vertice GGG a  $-igf^{abc} \rightarrow somma sui colori finali b,c:$   $P_{GGG} = \sum_{b,c} |f^{abc}|^2 = \sum_{b,c} f^{abc} f^{abc} = 3$ indipendentemente da a  $\propto$  g<sup>2</sup> e quindi e' soppresso 3)Vertice a 4 gluoni:

### Cinematica dell'interazione partone-partone

 $\vec{p}_1(jet)$ 

Chiamiamo con  $\theta^*$  l'angolo di produzione  $\vec{p}_2(jet)$  rispetto alla direzione pp nel centro di massa partone-partone

$$\vec{p} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2, \ M_{jj}^2 = 4p_1p_2\sin^2\frac{\alpha}{2} = x_1x_2s; \ se\ p_T^{1+2} = 0, \ p_T^1 = p_T^2 \equiv p_T = p^*\sin\theta^*$$
$$\Rightarrow \theta^* = \sin^{-1}(2p_T/M_{jj}) \ (M_{jj} = \sqrt{\hat{s}} = x_1x_2s = 2p^*)$$
$$x_1 = \frac{\sqrt{p_L^2 + M_{jj}^2} + p_L}{\sqrt{s}}, \ x_2 = \frac{\sqrt{p_L^2 + M_{jj}^2} - p_L}{\sqrt{s}} \quad (p_L = (x_1 - x_2)\frac{\sqrt{s}}{2})$$

 $\Rightarrow$  misurando  $p_T, p_L, M_{jj}$ , si estraggono  $x_1, x_2, \theta^*$ 

Criteri per selezionare eventi di QCD e con 2 jet di grande  $p_T$ , bilanciati:  $p_T^{1,2} > 20 \text{ GeV}, p_T^{1+2} \ll p_T^{-1}, p_T^{-2}$ 

$$\frac{d\sigma}{dx_{1}dx_{2}d(\cos\theta^{*})} = \sum_{a,b} \frac{F_{a}(x_{1})}{x_{1}} \frac{F_{b}(x_{2})}{x_{2}} \sum_{f} \frac{d\sigma(ab \rightarrow f)}{d(\cos\theta^{*})}$$

$$\sigma(ab \rightarrow f) \text{ è la sezione d'urto elementare tra partoni a e b con stato finale f.}$$

$$il \text{ processo } gg \rightarrow gg \text{ è quello dominante assumiamo che}$$

$$la \text{ sua dipendenza da } \theta^{*} \text{ sia valida anche per gli altri processi}$$

$$\frac{d\sigma}{d\cos\theta^{*}}|_{gg} = \frac{\pi\alpha_{s}^{2}}{2s} \frac{9}{2} \left(3 - \frac{\hat{u}\hat{t}}{\hat{s}^{2}} - \frac{\hat{u}\hat{s}}{\hat{t}^{2}} - \frac{\hat{s}\hat{t}}{\hat{u}^{2}}\right), \hat{u} = -\hat{s}(1 + \cos\theta^{*}), \hat{t} = -\hat{s}(1 - \cos\theta^{*}) \Rightarrow$$

$$\frac{d\sigma}{d\cos\theta^{*}}|_{gg} = \frac{9}{8} \frac{\pi\alpha_{s}^{2}}{2x_{1}x_{2}s} \frac{(3 + \cos\theta^{*})^{3}}{(1 - \cos\theta^{*})^{2}} \qquad \text{Rutherford}$$

$$\frac{d\sigma}{dx_{1}dx_{2}d(\cos\theta^{*})} = \left[\frac{1}{x_{1}}\sum_{a}F_{a}(x_{1})\right] \left[\frac{1}{x_{2}}\sum_{b}F_{b}(x_{2})\right] \frac{d\sigma}{d(\cos\theta^{*})}|_{gg}$$
Funzione di struttura "globale"  $\sum_{a}F_{a}(x) = G(x) + \left(\frac{4}{9}\right)Q(x) + \overline{Q}(x)$ 
Peso relativo del colore per il vertice ggg (3) e qqg (4/3)



-Conferma QCD -Conferma QCD -Termine di Rutherford dominante:  $(1 - \cos \theta^*)^{-2} = \sin^{-4} \frac{\theta^*}{2}$ -Esclusi i gluoni scalari -Esclusi i gluoni scalari.

### Misura delle funzioni di struttura

Definiamo  $\theta^*_{min}$  se  $\theta > \theta^*_{min}$  i 2 jet sono compresi nell'accettanza del calorimetro:  $\cos \theta^*_{\min}$  $\int_{0}^{\cos\theta_{\min}} \frac{d\sigma}{dx_1 dx_2 d\cos\theta^*} \approx \left| \frac{1}{x_1} F(x_1) \right| \left| \frac{1}{x_2} F(x_2) \right|^{\cos\theta_{\min}} \frac{d\sigma(gg)}{d\cos\theta^*} d\cos\theta^*$ 🍑 Misurato  $\frac{F(x_1)F(x_2)}{x_1x_2} \approx \frac{\frac{d\sigma}{dx_1dx_2}}{\int_{0}^{\cos\theta_{\min}^*} \frac{d\sigma(gg)}{d\cos\theta^*} d\cos\theta^*}$ UA2 OUAI Incertezze teoriche Incertezze × 10-1 sperimentali calcolo ordini sup. (ex  $\alpha_s^3$ ):fattore <u>K</u> Ipotesi: F(x)= g(x)+4 (9(x)+9(x) fattore K=1  $\alpha_{s} = \frac{12\pi}{(33-2f)\ln\frac{Q^{2}}{\Lambda^{2}}}, \Lambda = 0.2 \text{ GeV}$  Errore sistematico di normalizzazione ~ 50% Gev2(estrapolata Q2-20 Gev Equarks 0.6

f=5

### Bibliografia

- **D.Griffiths**,"Introduction to elementary particles" Harper & Row, Publisher, New York, 1987;
- **D.Green**, "Lectures in particle physics" World Scientific.
- **R.K.Ellis et al.,**"QCD and Collider Physics", Cambridge University Press.