

Corso di Laurea in Fisica
a.a. 2005-2006
Analisi matematica III A
Titolare: Prof. M.K.V. Murthy

Programma.

SPAZI METRICI E SPAZI NORMATI - Richiami di nozioni fondamentali per spazi metrici: Intorni, aperti e chiusi, applicazioni continue fra spazi metrici, convergenza delle successioni, successioni di Cauchy e spazi metrici completi, spazi vettoriali con norma o con un prodotto scalare, spazi di Banach e di Hilbert .

Richiami di topologia in spazio Euclideo n -dimensionale, limiti e continuità, insiemi connessi, insiemi compatti funzioni continue su insiemi aperti e connessi, funzioni continue su compatti.

Spazi funzionali e teoremi di convergenza delle successioni e delle serie di funzioni

FUNZIONI DI PIU VARIABILI - Calcolo differenziale - Derivate parziali e derivata direzionale, funzioni differenziabili e loro proprietà, gradiente; teorema di differenziale totale; teorema di Lagrange del valor medio; derivate successive ed il teorema di Schwarz (senza dimostrazione); formula di Taylor di ordine due; forme quadratiche definite, semidefinite e indefinite; punti stazionari, massimi e minimi relativi e assoluti, e punti di sella; condizioni necessarie e condizioni sufficienti per un massimo o minimo relativo o di sella.

Funzioni definite implicitamente, il teorema del Dini nel piano e in spazio tre dimensionale (senza dimostrazioni); funzioni a valori vettoriali, Jacobiano ed enunciato del teorema delle funzioni implicite; funzioni localmente invertibili e diffeomorfismi fra aperti.

EQUAZIONI DIFFERENZIALI ORDINARIE - Teorema di Cauchy - Lipschitz sull'esistenza e l'unicità e la dimostrazione, nozioni di prolungabilità delle soluzioni, soluzioni massimali e di soluzioni globali.

CURVE E SUPERFICI - Curve semplici, curve chiuse e curve regolari, orientazione d'una curva; lunghezza di una curva, integrale curvilineo di una funzione; campi vettoriali, forme conservative e forme irrotazionali; forme differenziali di grado uno, forme esatte e chiuse, cenno delle condizioni sufficienti per una forma chiusa sia esatta.

Superfici regolari in spazio euclideo tre dimensionale, piano tangente e versore normale; superfici equivalenti; superfici orientate.

Massimi e minimi vincolati per funzioni di n variabili, metodo di moltiplicatori di Lagrange.

FUNZIONI PERIODICHE E SERIE DI FOURIER - Polinomi e serie trigonometriche, coefficienti di Fourier e la serie di Fourier di una funzione periodica o dell'estensione periodica di una funzione definita su un intervallo limitato, teorema (senza dimostrazione) sulla convergenza uniforme della serie di Fourier di una funzione continua e regolare a tratti.

INTRODUZIONE ALLA TEORIA DELLA MISURA E DELL'INTEGRALE DI LEBESGUE (richiami dei risultati principali senza dimostrazioni)

- Plurirettangoli in spazio euclideo, misura di aperti e compatti; misurabilità degli insiemi limitati e misura di Lebesgue;

proprietà della misura di Lebesgue - additività e subadditività
finita; insiemi misurabili illimitati secondo Lebesgue e loro
proprietà; insiemi di misura nulla e proprietà quasi ovunque.

Integrale secondo Lebesgue per funzioni limitate e nulle al di fuori
di un compatto; funzioni semplici; funzioni integrabili e criterio per
l'integrabilità secondo Lebesgue; integrabilità di funzioni
continue e generalmente continue e limitate.

Funzioni misurabili e limitate, proprietà della famiglia di funzioni
misurabili rispetto le operazioni algebriche, rispetto le operazioni
di inf. e sup. di una successione, rispetto a passaggio al limite;
integrale di Lebesgue di una funzione positiva, limitata e nulla al di
fuori di un compatto, come misura del sottografico positivo; integrale
di Lebesgue per funzioni definite su insieme limitato e misurabile.

Teoremi sul passaggio al limite per integrale di Lebesgue: teoremi di
Beppo Levi, di Lebesgue sulla convergenza dominata (senza
dimostrazioni).

Funzioni definite su un insieme misurabile ma non limitate in un sotto
insieme di misura nulla; integrabilità di funzioni definite su
insiemi non limitati.

Misura di Lebesgue sul prodotto di due insiemi misurabili, teorema di
Fubini; misurabilità di insiemi normali.

Cambiamento di variabili negli integrali multipli ed applicazioni,
area di superficie e
integrale di superficie (solo enunciati).

BIBLIOGRAFIA

E. Giusti, Analisi Matematica Vol II, Boringhieri

E. Giusti, Esercizi e complementi di Analisi Matematica, Boringhieri

J. Cecconi e G. Stampacchia, Analisi Matematica II, Liguori Ed.

J. Cecconi, L. Piccinini e G. Stampacchia,

R. Courant and F. John, Introduction to Calculus and Analysis, Vols. I
, II John Wiley and Co.

W. Fleming, Functions of several variables

P. Marcellini, Analisi Matematica Due, Liguori Editori

W. Rudin, Principles of Mathematical Analysis, McGraw Hill

\end{document}