La fisica del bosone di Higgs



P.W. Higgs, Phys. Lett. 12 (1964) 132

• Limiti teorici alla massa del Higgs

• Limiti sperimentali alla massa del Higgs

• Ricerca del Higgs a LHC

L'unico evento di Higgs trovato finora...

Spin dei bosoni intermedi

Per i fotoni di Maxwell: $\partial_{\mu}\partial^{\mu}A^{\nu} - \partial^{\nu}(\partial_{\mu}A^{\mu}) = 4\pi J^{\nu} \quad \partial_{\mu}\partial^{\mu}A^{\nu} \equiv \Box^{\nu}$ Se la particella ha massa $\Box \longrightarrow \Box + M^2$, $A^{\mu} \longrightarrow W^{\mu}$ (eq. Di Proca) $(\Box + M^2)W^{\mu} - \partial^{\mu}\partial^{\nu}W_{\nu} = 0$ nel vuoto.

Se facciamo la divergenza dell'equazione (∂_{μ}) $\partial_{\mu}W^{\mu} = 0$ Se la soluzione e' un'onda piana,i.e. $W^{\mu} = \varepsilon^{\mu} e^{-ikx} \Longrightarrow k \cdot \varepsilon = 0$ Cioe' solo 3 polarizzazioni sono indipendenti (se s=1 abbiamo la terza componente=+1,-1,0)

Andiamo nel c.m. del W: $\varepsilon^0=0$ (ε^0 M=0). I tre quadrivettori di polarizzazione si scrivono:

$$\varepsilon_{cm}^{\mu} = \left[0, \vec{\varepsilon}(\lambda)\right], \varepsilon(\lambda = \pm 1) = \mp \frac{1}{\sqrt{2}} \left[1, \pm i, 0\right], \varepsilon(\lambda = 0) = \left[0, 0, 1\right] \operatorname{con} \vec{\varepsilon}^{*}(\lambda) \cdot \vec{\varepsilon}(\lambda') = \delta_{\lambda\lambda'}$$
(ortogonalita')

Le polarizzazioni con λ =+1 –1 sono dette trasverse mentre quella con λ =0 e' detta longitudinale. Per andare in un generico sistema di Lorentz devo trasformate ε_{μ}^{cm}

Ad esempio trasformiamo in un sistema boostato lungo z, se k_{μ} e' il 4impulso del W: $\begin{bmatrix} k_{cm}^{0}, 0, 0, 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{Lorentz}} \begin{bmatrix} k_{0}, 0, 0, 0, |\vec{k}| \end{bmatrix}$

La polarizzazione trasversa e' invariata: $\mathcal{E}^{\mu}(k_{cm}, \lambda = \pm 1) = \mathcal{E}^{\mu}(k, \lambda = \pm 1)$

Mentre quella longitudinale viene trasformata:

 $\mathcal{E}_{cm}^{\mu}(0,0,0,1) \xrightarrow{\text{Lorentz}} \begin{bmatrix} \gamma & \beta \gamma \\ -\beta \gamma & \gamma \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \rightarrow M^{-1} \begin{bmatrix} \vec{k} & |,0,0,k^0 \end{bmatrix} \quad N.B. \quad \mathcal{E}^{\mu}(\lambda = 0) \text{ cresce come } k^{\mu} / M$ Allora nel sistema boostato: $\sum_{\lambda} \mathcal{E}_{\mu}(k,\lambda) \mathcal{E}_{\nu}^{*}(k,\lambda) = -g_{\mu\nu} + \frac{k_{\mu}k_{\nu}}{M^{2}} \text{ (relazione di completezza)}$ Da paragonarsi al **propagatore** di W/Z $\begin{bmatrix} -i(g_{\mu\nu} - \frac{k_{\mu}k_{\nu}}{M^{2}})/(k^{2} - M^{2}) \end{bmatrix}$

Questo risultato e' generalizzabile a qualunque sistema di Lorentz.

La sommatoria sulle polarizzazioni $P_{\mu\nu}$ puo' essere solo della forma: $Ag_{\mu\nu} + Bk_{\mu}k_{\nu}$ Calcoliamoci A e B in casi semplici: $k = [k_0, 0, 0, |\vec{k}|], \varepsilon_1[0, 1, 0, 0], \varepsilon_2[0, 0, 1, 0], \varepsilon_L = M^{-1}[|\vec{k}|, 0, 0, k_0]$

$$P_{11} = Ag_{11} + Bk_1k_1 = +1, P_{03} = Ag_{03} + Bk_0k_3 = +\frac{\left|\vec{k}\right|k_0\right|}{M^2} \Rightarrow \qquad A = \frac{1}{g_{11}} = -1, B = +\frac{\left|\vec{k}\right|k_0}{M^2} + \left|\vec{k}\right|k_0 = +\frac{1}{M^2}$$

Limiti teorici alla massa del Higgs

 $\frac{W^+}{p} \xrightarrow{W^-} D \xrightarrow{Dorentz} z$

Processo $W^+W^- \rightarrow W^+W^-$ nel c.m. p sia lungo z

Abbiamo visto la polarizzazione longitudinale (elicita' =0):

 $\varepsilon_L(p_{\pm}) = M_W^{-1}[p,0,0,E]$ cresce con l'energia

Diagrammi di interazione W⁺W⁻



A causa dell'andamento della ε_L ciascun grafico cresce con l'energia

$$T(s,t) = A(\frac{p}{M_{W}})^{4} + B(\frac{p}{M_{W}})^{2} + C$$

Facendo la somma dei diagrammi, quelli senza lo Higgs cancellano in termine in A, i diagrammi con l'Higgs cancellano i termini tipo B e resta:

$$T(s,t) = -g_W^2 \frac{M_H^2}{4M_W^2} \left[\frac{s}{s - M_H^2} + \frac{t}{t - M_H^2} \right]$$

Qualunque ampiezza puo' essere epressa come somma di onde parziali:

 $T(s,t) = 16\pi \sum_{j} (2j+1)a_{j}P_{j}(\cos\theta) \quad P_{j} = Polinomi \text{ di Legendre : } P_{0}(x) = 1, P_{1}(x) = x, P_{2}(x) = \frac{1}{2}(3x^{2}-1)...$ Il teorema di unitarieta' (conservazione di j) impone che: $|a_{j}| \leq 1$, qualunque j

Nel caso dell'ampiezza WW otteniamo a_0 dall'ortonormalita' dei polinomi P_i :

$$a_{o}(s) = \int_{-1}^{1} T \cdot P_{0}(\cos\theta) d\cos\theta = \int_{-s}^{0} T \frac{dt}{s} \Rightarrow a_{0}(s) = -\frac{G_{F}M_{H}^{2}}{8\pi\sqrt{2}} \left[2 + \frac{M_{H}^{2}}{s - M_{H}^{2}} - \frac{M_{H}^{2}}{s} \ln(1 + \frac{s}{M_{H}^{2}}) \right]$$

se s >> $M_{H}^{2}, |a_{0}(s)| \le 1 \Rightarrow M_{H}^{2} \le \frac{4\sqrt{2}\pi}{G_{F}}$ analisi piu' accurata: $M_{H} \le \left[\frac{8\sqrt{2}\pi}{3G_{F}} \right] \approx 1 \ TeV$

Se M_H> 1TeV lo scattering WW non e' piu' descrivibile perturbativamente (diagrammi di Feynman) **cioe' l'interazione diventa forte: NUOVA FISICA**

Ricerca del Higgs prima di LEP

Prima di LEP ricerca in qualche decadimento adronico:



Ricerca del Higgs prima di LEP

Solo un limite non ambiguo: M. Davier and H. Nguyen Ngoc, 1990



Higgs a LEP/SLD: limiti indiretti











Predizione indiretta di m_{top}:

$$m_{top} = 180 + 6 + 17 - 5 - 12 GeV$$

Predizione indiretta di m_H:

$$m_{\rm H} = 81^{+53}_{-33} \,\,{\rm GeV}$$

Higgs a LEP/SLD: limiti indiretti



Higgs a LEP/SLD: limiti indiretti





Higgs at LEP/SLD: limiti indiretti

Limiti indiretti di m_H dopo LEP?

 \Box ora: $\delta m_{top} = \pm 5.1$ GeV, $\delta m_W = \pm 34$ MeV

$$m_{\rm H}^{\rm Indirect} = 81^{+53}_{-33} \,\,{\rm GeV}$$

 $\Box \operatorname{con} \delta \mathrm{m}_{\mathrm{top}} = \pm 2 \ \mathrm{GeV}$

$$m_{\rm H}^{\rm Indirect} = ? \stackrel{+39}{_{-28}} \, \text{GeV}$$

 \Box con $\delta m_W = \pm 15$ MeV

$$\Box$$
 con δ m_{top} = ± 2 GeV e δ m_W = ± 15 MeV

 $m_{H}^{Indirect} = ?^{+43}_{-29} \text{ GeV}$

$$m_{\rm H}^{\rm Indirect} = ?^{+21}_{-16} \, {\rm GeV}$$

Higgs: ricerca diretta a LEP

Il processo dominante a LEP: "Higgs-strahlung" La sezione d'urto di produzione dipende solo da m_H

LEP 1: $\sqrt{s} \sim m_Z$

LEP 2: $\sqrt{s} \ge m_Z + m_H$



L'accoppiamento dominante e' allo $Z \Rightarrow$ Tutti gli altri processi sono trascurabili

Larghezze parziali del bosone di Higgs

Si accoppia direttamente solo a particelle che hanno massa

a)Larghezza parziale in fermioni:



$$\Gamma(H \to f\bar{f}) = C_f \frac{m_f^2 m_H}{4\pi\sqrt{2}} \left[1 - \frac{4m_f^2}{\sqrt{m_H^2}} \right]^{3/2}$$

Fattore di colore (10 3) Spazio delle fasi
Sono preferiti i fermioni a piu' alta massa

b)Larghezza parziale in bosoni vettori:

Per m_H>>M_Z il rapporto di decadimento in W W e ZZ e' 2:1 (1/2 nello ZZ viene dalla simmetria di bosoni identici)

c)Larghezza parziale in gluoni



d)Larghezza parziale in fotoni:



$$\Gamma(H \to \gamma \gamma) = \frac{G_F m_H^3}{8\pi \sqrt{2}} (\frac{\alpha}{\pi})^2 |I|^2,$$

I e' un fattore che dipende da $\frac{m_q^2}{m_H^2}, \frac{m_W^2}{m_H^2},$ I ordine unita'

La larghezza totale del Higgs cresce velocemente con la massa per m_H>> 2M_Z:Es. se m_H= 1 TeV Γ_{H} ~ 500 GeV (l'interazione tende ad essere forte!) Viceversa a piccole m_H l' Higgs e' stretto : ad es. <u>m_H=100 GeV, Γ_{H} ~ 5 MeV</u>

Decadimenti del bosone di Higgs

Le frazioni di decadimento dipendono da m_H:



 \square m_H > 2m_b fino a 1000 GeV/c²:



 $\label{eq:mhat} \Box \ m_{\rm H} < 2 m_{\rm b} \colon \ H \to \tau^+ \tau^- \ \text{and} \ c \bar{c} \\ \text{dominano;}$



Higgs: ricerca diretta a LEP1



Ricerca di jet acoplanari ($e^+e \rightarrow Hv\bar{v}$)

20 eventi $Hv\bar{v}$ aspettati per i 4 esperimenti a $m_H = 65 \text{ GeV}$



Ricerca di jet acoplanari ($e^+e^- \rightarrow Hvv$)



Due decadimenti semileptonici + 3 Jet + I.S.R.







• LEP performance

- 1989-2000: 91 < E_{cm}< 209 GeV
 → ≈ 1000 pb⁻¹ per esperimento(698 sopra soglia WW)
- \rightarrow i miglioramenti nel 2000 hanno portato:
- \rightarrow aumento energia da 204 a 209 GeV
- \rightarrow aumento sensibilita per m_H da 112 a 115 GeV



Ricerca diretta a LEP2



Ricerca diretta a LEP2



Altissima sensibilita' all'energia nel c.m. e alla massa del Higgs

Ricerca diretta del Higgs a LEP2 il segnale





Ricerca del Higgs a LEP2 : i fondi



Ricerca del Higgs a LEP2 verifica dei fondi



Ricerca Higgs a LEP2 verifica dei fondi



Il processo $e^+e^- \rightarrow q\bar{q}g$ e' a ordine α_s tuttavia la sua misurabilita' dipende dalla capacita' sperimentale di separare il jet gluonico dagli altri due in termini di energia e di separazione angolare:

La richiesta che il terzo jet, da gluone, sia separato dagli altri due nello spazio delle fasi elimina le configurazioni collineari e "soft" e quindi le divergenze e permette quindi il calcolo perturbativo. La sezione d'urto per $e^+e^- \rightarrow q\bar{q}g$

vale:
$$\frac{1}{\sigma} \frac{d^2 \sigma}{dx_1 dx_2} = C_F \frac{\alpha_s}{2\pi} \frac{x_1^2 + x_2^2}{(1 - x_1)(1 - x_2)}, x_{1,2} = \text{frazione di energia dei}$$
jet piu' energertici

La sezione d'urto a due jet (includendo i processi a 3 jet non separabili) puo' essere ottenuta calcolando quella a 3 jet di cui sopra integrata nella zona di spazio delle fasi non divergente e sottrendola a quella totale σ_{T} .

Dobbiamo a questo punto dare una definizione operativa di evento a 3 jet: ad esempio richiediamo che la massa invariante di due partoni nello stato finale sia maggiore di una frazione fissa y dell'energia nel centro di massa. $\min(p_i + p_j)^2 = \min\{2E_iE_j(1 - \cos\theta_{ij})\} > ys \text{ i, } j = q, \overline{q}, g$ Tale richiesta elimina le divergenze in quanto equivale a: $x_1 > 0, x_2 < 1 - y, x_1 + x_2 > 1 + y \quad (y \le \frac{1}{3})$

Ad esempio se y=0.1, nel piano x_1 , x_2 si seleziona la regione tratteggiata:



La percentuale di 3 jet si ottiene integrando $\frac{1}{\sigma} \frac{d^2 \sigma}{dx_1 dx_2}$ sulla superficie del triangolo definito dal valore di y. Tale metodo e' chiamato l'algoritmo di JADE. Altri metodi (Sterman e Weinberg) definisco no un evento a due jet se una frazione (1- ε) dell'energia totale disponibile e' contenuta in due coni di apertira angolare δ .

Aumentare y vuol dire aumentare la separabilita' di 3 jet a scapito della loro sezione d'urto visibile.



Test di b-tagging

Jet da decadimenti adronici dello Z (misurati ogni anno per calibrazione)

Risultati dai decadimenti adronici del W (da eventi semileptonici e⁺e⁻ → W⁺W⁻)



b-tagging al LEP2

Separazione di eventi HZ, W⁺W⁻ and qq a LEP2 usando solo il b-tagging

ALEPH



i jet 1 e 2 sono scelti come come la coppia la piu' compatibile con il provenire da decadimenti dello Z, per massa invariante, angolo di decadimento,...

- Tecniche multidimensionali per
- raggiungere il migliore S/B
- (neural network, likelihood ratio)





Fit cinematici con la conservazione E/p e condizione sulla massa dello Z per migliorare la ricostruzione della massa del segnale

• 3 selectioni con crescente purezza per un segnale di 115 GeV \rightarrow contributo di tutti i canali (Hqq, Hvv, Hll, qq $\tau\tau$), m_H^{rec} e' un μ DLO parametro libero



Stati finali a 4 jet: fit della direzione e energia e accoppiamento dei jet

 \rightarrow global neural network o likelihood ...



0.0 0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8 0.9 1.0 GLOBAL NEURAL NETWORK OUTPUT (19 variabili: b-tagging e cinematica)

•Per un dato campione di dati si calcola la likelihood globale: $Q = e^{-s} \prod (1+s_i/b_i)$

- Q aumenta con l'aumentare del segnale s
- si definisce L = -2 Log Q (decresce se aumenta il segnale s).



Ci sono 10 eventi candidati Higgs che contribuiscono maggiormente alla likelihood (estate 2002)

	Experimen	t Final	m _H ^{re c}	log(1+s/b)
		State	(GeV/c^2)	at 115 GeV/c^2
1	ALEPH	4-jet	114.1	1.76
2	ALEPH	4-jet	114.4	1.44
3	ALEPH	4-jet	109.9	0.59
4	L3	E-miss	115.0	0.53 (was 2.0)
5	ALEPH	Lepton	117.3	0.49
6	ALEPH	Taus	115.2	0.45
7	OPAL	4-jet	108.2	0.43
8	ALEPH	4-jet	114.4	0.41
9	L3	4-jet	108.3	0.30
10	DELPHI	4-jet	110.7	0.28

SM Higgs: direct searches at LEP2



b-tagging

(0 = light quarks, 1 = b quarks)

- Higgs jets: 0.99 and 0.99;
- Z jets: 0.14 and 0.01.



Eventi candidati at 115 GeV





Nell'inverno 2000 grande entusiasmo!

Osservato un effetto a 2.9 σ (ADLO) \rightarrow m_H \approx 115 GeV?



Pochi mesi piu' tardi ...

L'effetto e' sceso a 1.7σ → Risultato finale da LEP (01/2003)



Trovato l'Higgs a LEP2?



Trovato l'Higgs a LEP2?



Higgs a LEP: conclusioni



Higgs a LEP/SLD: conclusioni

- **C**La mass del Higgs SM vincolata:
 - 3 114.4 < m_H < 193 GeV at 95% C.L. da misure di precisione e ricerche dirette
- \bigcirc ci sono ancora effetti a 2-3 σ inconsistenti con lo SM:
 - discrepanza tra A_{fb}e A_{lr}
 - qualche evento a m_H ≈ 114 GeV: segnale di scoperta o fluttuazione statistica ?
 - Ci vogliono altre misure (e altri acceleratori) per chiarire la situazione...