### Produzione adronica di W e Z



$$\hat{\sigma}_{W} = 2\pi |V_{qq'}|^{2} \frac{G}{\sqrt{2}} M_{W}^{2} \delta(\hat{s} - M_{W}^{2})$$
$$\hat{\sigma}_{Z} = 8\pi \frac{G}{\sqrt{2}} [C_{A}^{2} + C_{V}^{2}] M_{Z}^{2} \delta(\hat{s} - M_{Z}^{2})$$

La sezione d'urto totale si ottiene pesando le  $\hat{\sigma}$  con le densita' dei quark  $\sigma(A+B \rightarrow W^+ + X) = \frac{1}{3} dx_a \int_{0}^{1} dx_b \sum_{a,b} q(x_a) \overline{q}'(x_b) \hat{\sigma}^W$ colore Cambiamo variabili:

$$dx_{a}dx_{b} = \frac{d\hat{s}dy}{s} (\hat{s} = \text{energia nel cm } q\bar{q}' = x_{a}x_{b}s, \text{ e y la rapidita' del W} : y = \frac{1}{2} \ln \frac{E_{W} + P_{LW}}{E_{W} - P_{LW}}$$

$$Con : \frac{2P_{LW}}{\sqrt{s}} = x_{a} - x_{b}, \frac{2E_{W}}{\sqrt{s}} = x_{a} + x_{b}$$

$$E \text{ integriamo sulla} \qquad \delta(\hat{s} - M_{W}^{2})$$

$$\frac{d\sigma}{dy}(W) = \frac{2\pi G}{3\sqrt{2}} \sum_{q,\bar{q}'} |V_{qq'}|^{2} x_{a} x_{b} q(x_{a}) \bar{q}'(x_{b}) \operatorname{con} x_{a,b} = \frac{M_{W}}{\sqrt{s}} e^{\pm y}$$

Nel caso A = p, B =  $\overline{p}$  con :  $\overline{d}(\overline{p}) = d(p) \equiv d; \overline{u}(\overline{p}) = u(p) \equiv u$ 

$$\frac{d\sigma}{dy}(W) = \frac{2\pi G}{3\sqrt{2}} x_a x_b \{\cos_C^2[u(x_a)d(x_b) + \overline{d}(x_a)\overline{u}(x_b)] + \sin_C^2[u(x_a)s(x_b) + \overline{s}(x_a)\overline{u}(x_b)]\}$$

Approssimando ai soli quark di valenza e con  $\cos^2\theta_C=1$ :

 $\frac{d\sigma}{dy}(p\overline{p} \to W^{+} + X) = \frac{2\pi G}{3\sqrt{2}} x_{a} x_{b} u(x_{a}) d(x_{b}) \quad \text{Integrando in y con:} -\ln \frac{\sqrt{s}}{M_{W}}(x_{b} = 1) \le y \le \ln \frac{\sqrt{s}}{M_{W}}(x_{a} = 1)$ Otteniamo la sezione d'urto totale (conoscendo u(x<sub>a</sub>) e d(x<sub>b</sub>))

 $p\overline{p}, \sqrt{s} = 630 \text{ GeV}, \sigma(W^{\pm}) \approx 3 \text{ nb} (ud)$  $p\overline{p}, \sqrt{s} = 2 \text{ TeV}, \sigma(W^{\pm}) \approx 20 \text{ nb} (ud)$  $pp, \sqrt{s} = 14 \text{ TeV}, \sigma(W^{\pm}) \approx 100 \text{ nb} (u\overline{d} + \overline{d}u)$ 

La sezione d'urto aumenta con l'energia sia a causa degli estremi di integrazione in sia per il peso delle densita' di quark a

 $x_a x_b = M_W^2 / s$ 

Per lo Z:

$$\frac{d\sigma}{dy}(Z) = \frac{1}{3} \frac{2\pi G}{\sqrt{2}} \sum_{q} \left[ C_A^2 + C_V^2 \right] x_a x_b q(x_a) \overline{q}(x_b)$$

Chiamando 
$$x_W = \sin^2 \theta_W$$
  $C_V^u = \frac{1}{2} - \frac{4}{3} x_W, C_A^u = \frac{1}{2}; \quad C_V^{d.s} = -\frac{1}{2} + \frac{2}{3} x_W, C_A^{d,s} = -\frac{1}{2}$ 

In  $p\overline{p}$  con i soli quark di valenza  $(u\overline{u}), (d\overline{d})$ 

$$\frac{d\sigma}{dy}(Z) = \frac{2\pi G}{3\sqrt{2}} x_a x_b \left[ 1 + \frac{8}{3} x_W + \frac{32}{9} x_W^2 \right] u(x_a) u(x_b) + \left[ 1 + \frac{4}{3} x_W + \frac{8}{9} x_W^2 \right] d(x_a) d(x_b)$$

$$p\overline{p}, \sqrt{s} = 630 \text{ GeV}, \sigma(Z) \approx 1.8 \text{ nb} (uu + dd)$$
  
 $p\overline{p}, \sqrt{s} = 2 \text{ TeV}, \sigma(Z) \approx 6.4 \text{ nb}$  " + correzioni di QCD  
 $pp, \sqrt{s} = 14 \text{ TeV}, \sigma(Z) \approx 30 \text{ nb} (u\overline{u} + d\overline{d})$ 

### Come si misurano W e Z?

Per lo Z e' "facile": canali leptonici  $Z \rightarrow e^+e^-, \mu^+\mu^-, \tau^+\tau^-$  (B.R. ~ 3.3%)

⇒ Entrambe le particelle del decadimento sono rivelabili: massa invariante

Per il W i canali leptonici (B.R. 11%)  $W^- \to e^- \overline{\nu}_e, \mu^- \overline{\nu}_\mu, \tau^- \overline{\nu}_\tau$ 

Solo il leptone carico e' direttamente misurabile, per il neutrino si misura la componente trasversa dell'impulso e solo come impulso mancante.



Importante la copertura ermetica del rivelatore

Correzioni QCD a  $\sigma(W)$ ,  $\sigma(Z)$ 



Processi del tipo W+jet(s), Z+jet(s), utili anche per estrarre  $\alpha_s$ 

Contributo alla sezione d'urto ~ 10% ( $\alpha_{s} \sim 0.1$ ) Calcolo O( $\alpha_{s}^{2}$ ) a  $\sqrt{s}=1.8$  TeV  $\sigma_{w} = \sigma_{w}^{LO}(1+0.16(O(\alpha_{s}))+0.02(O(\alpha_{s}^{2})))$ 

Ricorda:

$$B(W \to e\nu) = \frac{\Gamma(W \to e\nu)}{\Gamma_{tot}} = 0.108;$$
$$B(Z \to e^+e^-) = \frac{\Gamma(Z \to e^+e^-)}{\Gamma_{tot}} = 0.034;$$



Fig. 9.6. Comparison of W and Z cross section measurements in  $p\bar{p}$  collisions with theoretical predictions. The systema<sup>+:</sup>: and statistical errors on the measurements have been combined in quadrature.

### Il processo di annichilazione



Il termine lineare nel coseno sparisce perche' a  $\hat{\theta} e_{\pi} - \hat{\theta}$  contribuisce allo stesso $\hat{p}_T^2$ ma con segno opposto.





diverge a  $\hat{\theta} = \frac{\pi}{2}$ , o  $\hat{p}_T = \frac{\sqrt{\hat{s}}}{2} \sim M_W / 2$ 

### Picco Iacobiano

 $d\sigma$ N.B.  $\hat{p}_T = p_T^{lab}$  Nel laboratorio la divergenza e' "diluita" dal fatto che  $\overline{d\hat{p}_T^2}$ deve essere convoluta con una Breit/Wigner che dipende da  $\hat{S}$ (funzioni di distribuzione dei quark  $x_1x_2$ ), inoltre  $p_T^W$  non e' nullo + effetti sperimentali (risoluzione).



#### **Picco Iacobiano**







## Misura della massa del W

1)Dalla posizione del picco Iacobiano in  $\mathbf{p}_{T}^{e} \circ \mathbf{p}_{T}^{v}$  (tanto meglio definito tanto migliore e' la risoluzione). $(\vec{p}_{T}^{v} = \vec{p}_{T}^{miss} = -\vec{p}_{T}^{e} - \sum_{i} \vec{p}_{T}^{i})$ 2)Dalla massa trasversa  $\mathbf{m}_{T} \ m_{T}^{2}(e,v) = \left[\left|\vec{p}_{T}^{e}\right| + \left|\vec{p}_{T}^{v}\right|\right]^{2} - (\vec{p}_{T}^{e} + \vec{p}_{T}^{v})^{2} = 2\left|\vec{p}_{T}^{e}\right|\left|\vec{p}_{T}^{v}\right|(1 - \cos\phi_{ev})$  $0 \le m_{T} \le M_{W}; \text{ se } p_{T}^{W} = 0, \ \vec{p}_{T}^{e} = -\vec{p}_{T}^{v} \Rightarrow m_{T} = 2\left|\vec{p}_{T}^{e}\right| = 2\left|\vec{p}_{T}^{v}\right|$ 

La distribuzione in  $m_T$  e' poco sensibile al moto trasverso dei W (correzioni in  $\beta_{TW}^2$  e non  $\beta_{TW}$ ). Infatti per le trasformazioni di Galileo:

 $p_T^e = p_T^* + \frac{1}{2} p_T^W, p_T^v = p_T^* - \frac{1}{2} p_T^W, quindi p_T^v \cdot p_T^e \text{ var} ia \ come \ p_{TW}^2$ 

Se  $p_T^W = 0$  e a fisso  $\hat{s}$  (trasformando  $\cos \hat{\theta} \rightarrow m_T^2$  e  $m_T = 2p_T$ )  $\frac{d\sigma}{dm_T^2} = \frac{|V_{qq'}|^2}{4\pi} \left[\frac{GM_W^2}{\sqrt{2}}\right]^2 \frac{1}{(\hat{s} - M_W^2) + (\Gamma_W M_W)^2} \frac{2 - \frac{m_T^2}{\hat{s}}}{(1 - \frac{m_T^2}{\hat{s}})^{1/2}}$ Picco a  $\hat{s} = M_W^2 \sim m_T^2$ 

allargato dall'integrazione sulla larghezza del W, dall'impulso trasverso non nullo del W e dalla risoluzione sperimentale





Fig. 1. The ET spectrum of inclusive electrons. Note the Jacobian peak of the W and Z.



Fig. 2. The W transverse mass spectrum.

Fig.3. The Z invariant mass spectrum.

widt	t h
w	a

Who	Mode	Reference	Wwidth
CDF	e	PRL 64,152 (1990)	F(W) = 2 20 + 0 14 C H
CDF	μ	PRL 69.128 (1991)	$\Gamma(W) = 2.20 \pm 0.10 \text{ GeV}$
UAI	μ	Phys. Lett. B253 503 (1991)	$\Gamma(W) = 2.11 \pm 0.11$ GeV
UA2	e	Phys. Lett. B276 365 (1991)	$\Gamma(W) = 2.19 \pm 0.30 \text{ GeV}$
CDF	e	Preliminary 1993	F(W) = 2 012 + 0 00 C-V
St. Mod.	е.µ	Ref. [8]	$\Gamma(W) = 2.067 \pm 0.09 \text{ GeV}$

## Migliore determinatione di $\Gamma_{W}$ consideriamo: $R = \frac{N(W \to lv)}{N(Z \to l^+l^-)} = \frac{\sigma_W}{\sigma_Z} \frac{BR(W \to lv)}{(Z \to l^+l^-)} = R^{\sigma} \cdot R^{BR}$ $dove: R^{BR} \equiv \frac{BR(W \to l\nu)}{BR(Z \to l^+l^-)} = \frac{\Gamma(W \to l\nu)}{\Gamma_{W}} \frac{\Gamma_Z}{\Gamma(Z \to l^+l^-)}$

 $R^{\sigma}$  e' calcolabile teoricamente: le incertezze dalle funzioni di struttura e dalle correzioni a ordine superiore si elidono.

 $\frac{1_Z}{\Gamma(Z \to l^+ l^-)}$  e' misurato accuratamente a LEP :  $\Gamma_Z = 2490 \pm 7 \, MeV$ ,  $\Gamma(Z \to l^+ l^-) = 83.83 \pm 0.27 \, \text{MeV}$ 

 $\Gamma(W \rightarrow l\nu)$  puo' essere calcolato con precisione

R puo' essere misurato con precisione: gli effetti sistematici come luminosita'efficienza si elidono nel rapporto  $R = 10.9 \pm 0.49$  (D0);  $R = 10.9 \pm 0.32$ (stat)  $\pm 0.29$ (sis)

$\Gamma_W = 2.044 \pm 0.092 \text{GeV} (\text{D0})$
$= 2.064 \pm 0.085 \text{ GeV}(\text{CDF})$
$\overline{\Gamma}_{\rm W} = 2.06 \pm 0.06  {\rm GeV}$

 $LEP + Collider : \Gamma_{W} = 2.118 \pm 0.042 \text{ GeV}$  $Teorico : \Gamma_{W} = 2.085 \pm 0.012 \text{ GeV}$ 

## W+jets

Test di QCD, misurati fino a 4 jet



Fig. 9.14. Distribution in the polar angle  $\theta^*$  for W + jet, jet + jet and photon + jet production measured by the CDF collaboration compared with theoretical predictions. Figure from ref. [42].

### Produzione di WW

Due diagrammi all'ordine piu' basso:  $\begin{array}{c}f\\\bar{f}\\W^{+}\\W^{-}\\\bar{f}\\W^{-}\end{array}$ 

N.B. Singolarmente i diagrammi divergono come s

La sezione d'urto, all'ordine piu' basso e a  $\beta_W \ll 1$  (contributo solo del canale t)



Misura di e<sup>+</sup>e<sup>-</sup>→W<sup>+</sup>W<sup>-</sup>







Sezioni d'urto in interazioni protone-protone protone-antiprotone



Diagrammi per  $p\overline{p}, pp \rightarrow WZ$ ?

## Incertezze sulla scala di massa

## Necessita' di calibrazione assoluta del calorimetro (pC=GeV) a un test beam con fasci noti di elettroni, muoni, pioni.

Ma sia la risposta della parte attiva del calorimetro, ad es. lo scintillatore, che dell'elettronica, ad es. i fotomoltiplicatori, possono cambiare con il tempo.

Necessaria una calibrazione durante tutto il periodo di presa dati con:

- -light flashers;
- -sorgenti radioattive;
- -ricalibrazioniu di alcuni moduli

Incertezze di calibrazione: "cell to cell" (risoluzione), scala assoluta di energia:

 $\pm 3.2$  % UA1,  $\pm 1.6$  % UA2,  $\leq 0.1$  % CDF (calibratione con l'impulso)

N.B. del 1.6 % di UA2 ~ 0.7 viene dalla cattiva conoscenza dell' energia del fascio al test beam

N.B. in e<sup>+</sup>e<sup>-</sup>→ e<sup>+</sup>e, e e<sup>+</sup>e<sup>-</sup>→ jj le energie dei fasci danno una calibrazione "in situ" Molto piu' difficile in interazione adroniche dove non ho un fascio di partoni iniziali "monocromatici", ma posso tuttavia utilizzare risonanze note:

### J/Ψ (m=3.1 GeV), Y(m=9.5 GeV), Z(m=91 GeV)

#### Esempio di calibrazione per il calorimetro adronico di ATLAS



Figure 7-1 Conceptual diagram of signal path for the Tile Calorimeter and calibration entry points (see text for definitions of the functions L and Q).



Figure 7-5 Mechanical concept of the source calibration system.



Figure 7-6 Current measured in the PMTs as a function of the source position along the rod (z axis).



Figure 3.5: The dimuon mass spectrum from the data, points, near the  $J/\psi$  mass in a 200 MeV/c<sup>2</sup> window. Upper: The curve is a Gaussian fit with a linear background in a 100 MeV/c<sup>2</sup> window. The arrows indicate the fit region. Lower: The curve is a Monte Carlo simulation including radiative effects.





### CDF

## Perche' e' importante misurare con precisione $M_W$

Nello Standard Model le relazioni tra le costanti fondamentali sono:

$$g_W^2 = \frac{e^2}{\sin^2 \theta_W}; g_W^2 / 4\pi = \frac{\alpha}{\sin^2 \theta_W};$$
$$\frac{G}{\sqrt{2}} = \frac{g_W^2}{M_W^2}; M_W = \sqrt{\frac{\pi \alpha}{G \sin^2 \theta_W}}$$
$$g_z^2 = \frac{e^2}{\sin^2 \theta_W \cos^2 \theta_W}; g_Z^2 / 4\pi = \frac{\alpha}{\sin^2 \theta_W \cos^2 \theta_W};$$
$$M_W = M_Z \cos \theta_W$$

Solo 3 parametri sono indipendenti ex:

$$\alpha, \left[\frac{\Delta\alpha}{\alpha}\right] = 0.004 \cdot 10^{-6} \text{ (a } Q^2 = 0\text{) dai livelli atomici;}$$

$$G, \left[\frac{\Delta G}{G}\right] = 9 \cdot 10^{-6} \text{ (dal decadimento } \mu \to e \nu\nu\text{);}$$

$$M_W, \left[\frac{\Delta M_W}{M_W}\right] = 500 \cdot 10^{-6}; \sin^2\theta_W, \left[\frac{\Delta \sin^2\theta_W}{\sin^2\theta_W}\right] = 70 \cdot 10^{-6}$$

Le relazioni a livello albero sono modificate da correzioni radiative. Ex:







Per verificare la  $(1+\cos\theta)^2$  bisogna andare nel cm del W, cioe' bisogna conoscere  $p^{\mu} e p^{\nu}$ . Tuttavia del neutrino si conosce solo l'impulso trasverso (impulso mancante). Si puo' trovare  $p_{L}^{\nu}$  imponendo che  $2(|\vec{p}_{\mu}||\sqrt{p_{T\mu}^2 + p_{L\mu}^2}|)(1-\vec{p}_{T\mu}\cdot\vec{p}_{T\nu} - p_{L\mu}p_{L\nu}) = M_{W}^2$ 



N.B.  $(1+\cos\theta)^2$  non distingue tra V-A e V+A: tutte le elicita' cambiano segno e la distribuzione resta la stessa. Bisogna misurare l'elicita' del leptone. Ad es. nel decadimento:

$$W^- \to \tau^- \overline{\nu}_{\tau}, \tau^- \to \mu^- \overline{\nu}_{\mu} \nu_{\tau}$$

il  $\mu^-$  e' emesso preferenzialmente all'indietro rispetto alla direzione di volo del  $\tau^-$  (V-A).

**Spin del W** (M.Jacob N.Cimento 9,826 (1058)): data una particella di spin J $\neq$ 0 generata da una coppia con elicita' globale  $\mu$  (il sistema ud) e che decade in una coppia di particelle con elicita'  $\lambda$  ( il sistema e<sup>+</sup> $\nu$ ) vale:

$$\left\langle \cos \theta^* \right\rangle = \frac{\left\langle \lambda \right\rangle \cdot \left\langle \mu \right\rangle}{J(J+1)}$$

$$per(V-A)\left\langle \mu \right\rangle = -1, \left\langle \lambda \right\rangle = -1 \Longrightarrow \left\langle \cos \theta^* \right\rangle = 0.5 \text{ se } J = 1;$$

$$\leq 1/6 \text{ se } J \geq 2.$$

Sperimentalmente  $\langle \cos \theta^* \rangle = 0.43 \pm 0.07 (\text{UA1})$ 

#### CDF





## Misura dello Z

Piu' facile da misurare del W:  $Z \rightarrow e^+e^-$ . In UA1, UA2 l'efficienza per  $e^\pm \sim 75$  % e quindi per la coppia sarebbe ~ 50%. Si applica una selezione severa solo su uno dei due rami.



Le distribuzioni di massa invariante ottenute solo con la richiesta calorimetrica, senza richiedere la presenza di una traccia carica che punta al jet calorimetrico.

Ahalisi Z in UA2: richiesta elettrobe "standond solo su 1 ramor secondo zamo tagli meno severi -> - 169 eventi 76 < mee ( 110 GeV - Fondo 2.4 ± 0.4 eventi (- H° H°) c'e' qualche evento Z -> eeg [3 cluster e.l.m.] in questo caro masse invariante e3 corpi eventi 30 20 10 taglio taglio > 1 evento 160 a 270 CeV 40 80 120



![](_page_30_Figure_0.jpeg)

Fig. 4a-c. The two-jet mass spectrum in the region around the expected W, Z signal ( $48 < m_{jj} < 138$  GeV). The vertical axis presents the number of observed events in a 2 GeV wide mass bin weighted by factors (m/100)<sup>6</sup>. Three different fits have been overlayed on the data: a Background fit performed over the full mass range. b Background fit excluding the mass range  $70 < m_{jj} < 100$  GeV. c Combined fit to QCD background and the W, Z signal described by 3 free parameters as explained in the text. The dashed line represents the background contribution only

## Distribuzione angolare nel decadimento dello Z

Andiamo nel c.m. dello Z:

*p* q

 $\overline{q} \overline{p}$ 

La distribuzione angolare e' analoga a quanto gia' visto nel caso:

 $g_Z = \frac{g_W}{g_Z}, \frac{g_W^2}{g_W} = \frac{G_F}{\sqrt{g_Z}}$ 

$$e^+e^- \to Z \to f\bar{f}$$

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \left[\frac{g_Z^2 E}{16\pi \{(2E)^2 - M_Z^2\} + [M_Z \Gamma_Z]^2\}}\right]^2 \cdot \frac{\cos\theta_W + \sin\theta_W + \sqrt{2}}{\left[(C_V^l)^2 + (C_A^l)^2\right] \cdot \left[(C_V^q)^2 + (C_A^q)^2\right] \cdot (1 + \cos^2\theta) + 8C_V^l C_A^l C_V^q C_A^q \cos\theta\}$$

Osservazioni:

a)C'e' un termine di asimmetria in  $\theta$ : ci sono piu' leptoni emessi nella direzione del quark incidente (protone) che nella direzione opposta: la probabilita' di emissione e' maggiore a  $\theta$  che a  $\pi$ - $\theta$ . b)Il termine di asimmetria e' proporzionale a

 $C_V^l C_A^l C_V^q C_A^q$ 

che e' <u>una quantita' sensibile a sin<sup>2</sup> $\theta_{W}$ </u>

$$C_{V}^{l} = -\frac{1}{2} + 2\sin^{2}\theta_{W}, C_{A}^{l} = -\frac{1}{2};$$
  

$$C_{V}^{u} = -\frac{1}{2} - \frac{4}{3}\sin^{2}\theta_{W}, C_{A}^{l} = \frac{1}{2};$$
  

$$C_{V}^{d} = -\frac{1}{2} + \frac{2}{3}\sin^{2}\theta_{W}, C_{A}^{l} = -\frac{1}{2}$$

La combinazione:

 $u\overline{u} + d\overline{d} \Rightarrow$  termine di asimmetria  $\propto (1 - 4\sin^2\theta_W)$ ma  $\sin^2\theta_W \sim 0.23$  ...

![](_page_32_Figure_6.jpeg)

# Bibliografia

-Barger/Phillips: "Collider physics", Addison Wesley, 1997;

-R.K. Ellis et al.: "QCD and Collider physics", Cambridge University Press ,1996.