

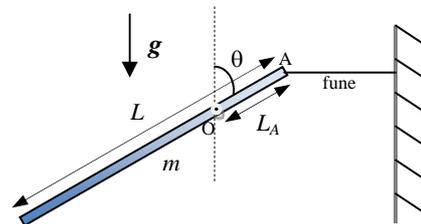
# Corso di Laurea Ing. EA – PROVA DI VERIFICA n. 2 - 31/5/2013

Nome e cognome: .....

Matricola: .....

Siete invitati a riportare i risultati, sia letterali che numerici, se richiesti, in questo foglio; allegare "brutte copie" o altri documenti che ritenete utili. **Le risposte non adeguatamente giustificate non saranno prese in considerazione**

1. Una **sottile** asta **disomogenea**, di lunghezza  $L = 60$  cm e massa  $m = 2.0$  kg, ha la propria densità di massa che aumenta **linearmente** con la distanza da un suo estremo, quello marcato con A in figura (la densità di massa è nulla in corrispondenza di A). L'asta è impernata nel punto O, che si trova a distanza  $L_A = L/4$  da A (vedi figura) in modo da poter ruotare con attrito trascurabile su un piano verticale. Al punto A è attaccata una fune **orizzontale** il cui altro estremo è inchiodato a una parete rigida e fissa. Nelle condizioni di figura l'asta è in **equilibrio** e l'angolo rispetto alla verticale vale  $\theta = \pi/3$ . [Usate  $g = 9.8$  m/s<sup>2</sup> per il modulo dell'accelerazione di gravità; ricordate che  $\cos(\pi/3) = 1/2$  e  $\sin(\pi/3) = \sqrt{3}/2$ , con  $\sqrt{3} \sim 1.73$ ]



- a) Quanto vale la distanza  $L_{CM}$  tra l'estremo A e il centro di massa dell'asta? [Se non sapete rispondere, passate comunque alla domanda successiva; se sapete rispondere, spiegate **per bene**, in brutta, il procedimento]

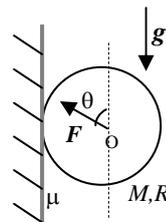
$$L_{CM} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ m}$$

- b) Quanto valgono, in modulo, la tensione  $T$  della fune e la forza  $F_O$  che il perno esercita sull'asta?

$$T = \dots\dots\dots \sim \dots\dots\dots \text{ N}$$

$$F_O = \dots\dots\dots \sim \dots\dots\dots \text{ N}$$

2. Un cilindro pieno e omogeneo di massa  $M = 1.0$  kg e raggio  $R = 50$  cm è sottoposto a una forza  $F$  costante e uniforme che agisce sul suo asse ed è diretta in modo da formare un angolo  $\theta = \pi/3$  rispetto alla verticale, come rappresentato in figura. Il cilindro è a contatto con una parete verticale fissa, rigida e **scabra** con coefficiente di attrito  $\mu = 0.50$ . [Usate  $g = 9.8$  m/s<sup>2</sup> per il modulo dell'accelerazione di gravità; ricordate che  $\cos(\pi/3) = 1/2$  e  $\sin(\pi/3) = \sqrt{3}/2$ , con  $\sqrt{3} \sim 1.73$ ]



- a) Si osserva che, per un certo valore del modulo della forza  $F$  pari a  $F_{EQ}$ , il cilindro è in **equilibrio**. Quanto vale, in modulo, la forza di attrito  $F_{A,EQ}$  che la parete esercita in queste condizioni di equilibrio sul cilindro? [State attenti: il cilindro è un corpo rigido...]

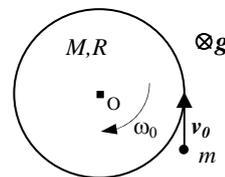
$$F_{A,EQ} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ N}$$

- b) Supponete ora che il modulo della forza  $F$  passi improvvisamente dal valore di equilibrio  $F_{EQ}$  a un valore maggiore,  $F' = 40$  N. Di conseguenza, il cilindro prende a muoversi. Discutete **per bene**, in brutta, che tipo di moto compie il cilindro e perché. Inoltre stabilite quanto vale la forza di attrito  $F_A'$  in queste condizioni.

Discussione: .....

$$F_A' = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ N}$$

3. In un luna park si trova una giostra realizzata con una piattaforma costituita da un disco pieno e omogeneo di raggio  $R = 1.0$  m e massa  $M = 2.0 \times 10^2$  kg che può ruotare con attrito trascurabile su un **piano orizzontale** attorno a un perno fisso e rigido che passa per il suo asse geometrico (punto O di figura). Inizialmente la giostra è in rotazione (in "folle") con velocità angolare  $\omega_0 = 1.0$  rad/s nel verso orario di figura. A un dato istante un omino puntiforme di massa  $m = M/4 = 50$  kg ci sale sopra avendo una velocità diretta orizzontalmente come in figura (tangente al disco), di modulo  $v_0$  incognito. Subito dopo che l'omino ci è salito sopra (rimanendo fermo rispetto alla giostra sul bordo di questa) il sistema omino + giostra si ferma.



- a) Discutete **per bene**, in brutta, quali grandezze meccaniche complessive del sistema si conservano nel processo descritto sopra, e **spiegate perché**.

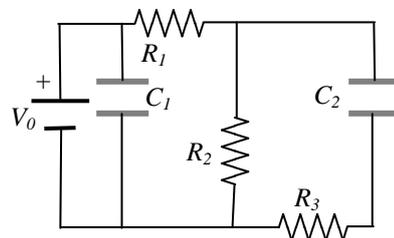
Discussione e spiegazione: .....

- b) Quanto vale  $v_0$ ?

$$v_0 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ m/s}$$

4. Un circuito elettrico è costituito da tre resistori ( $R_1 = 1.0$  kohm,  $R_2 = 2.0$  kohm,  $R_3 = 4.0$  kohm) e due condensatori ( $C_1 = 1.0$  μF,  $C_2 = 2.0$  μF) collegati come in figura ad un generatore ideale di differenza di potenziale  $V_0 = 30$  V.

- a) Quanto vale, in **condizioni stazionarie** (cioè "a regime"), l'intensità di corrente  $I$  erogata dal generatore?

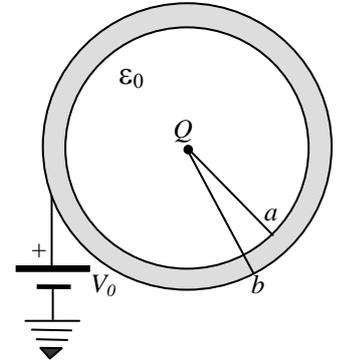


$I = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  A

- b) A un dato istante il generatore viene scollegato dal circuito e i condensatori avviano il loro processo di “scarica” attraverso i resistori. Quanto vale l’energia totale  $E_J$  “dissipata” per effetto Joule in questo processo dai resistori? [Si intende la somma dell’energia “dissipata” da tutti i resistori in un tempo lunghissimo dopo lo scollegamento del generatore; si trascurino effetti dissipativi di altro genere]

$E_J = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  J

5. Un guscio sferico conduttore di raggio interno  $a = 40$  cm e raggio esterno  $b = 50$  cm (guscio spesso) è collegato al polo positivo di un generatore di differenza di potenziale  $V_0 = 5.0 \times 10^3$  V, il cui polo negativo è collegato a terra, come rappresentato schematicamente in figura. Al centro del guscio sferico viene posta una carica elettrica puntiforme  $Q = 1.0 \times 10^{-6}$  C, che rimane fissa in questa posizione. Rispondete alle domande supponendo che il sistema abbia raggiunto condizioni **stazionarie** (di equilibrio). [Usate il valore  $\epsilon_0 = 8.8 \times 10^{-12}$  F/m per la costante dielettrica del vuoto]

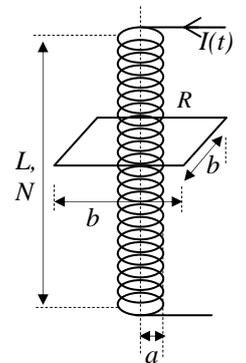


- a) Quanto valgono le cariche elettriche  $Q_a$  e  $Q_b$  che si depositano sulle superfici interna ed esterna del guscio sferico? [Spiegate meglio che potete, in brutta, i ragionamenti e i metodi che servono per rispondere]

$Q_a = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  C

$Q_b = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  C

6. Un solenoide di lunghezza  $L = 1.0$  m e raggio  $a = 2.0$  cm (dunque con  $a \ll L$ , per cui si può ritenere che esso si comporti in modo “ideale”), composto da  $N = 1000$  spire, è collegato a un generatore che eroga una corrente variabile nel tempo secondo la funzione  $I(t) = I_0 \cos(\omega t)$  con  $I_0 = 50$  A e  $\omega = 5.0 \times 10^2$  rad/s. Come mostrato in figura (non in scala!), il solenoide attraversa la superficie di una spira quadrata di lato  $b = 10$  cm fatta di filo conduttore dotato di una resistenza complessiva  $R = 10$  ohm. Il piano su cui giace la spira è ortogonale all’asse del solenoide e la spira è concentrica al solenoide stesso. [Usate  $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$  T A/m per la costante di permittività magnetica del vuoto]



Disegno non in scala!!!

- a) Quanto vale la massima intensità di corrente  $I_{S,MAX}(t)$  indotta nella spira? [Per massima intensità di corrente si intende il valore massimo nel tempo dell’intensità di corrente indotta]

$I_{S,MAX} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  A

7. Scrivete **meglio che potete e con tutte le indicazioni che ritenete opportune** le quattro equazioni che normalmente si indicano come “equazioni di Maxwell in forma integrale e nel vuoto” (ovviamente in condizioni **non stazionarie**)

**Nota:** acconsento che l’esito della prova venga pubblicato sul sito web del docente, <http://www.df.unipi.it/~fuso/dida>, impiegando come nominativo le ultime quattro cifre del numero di matricola, oppure il codice: | | | | (4 caratteri alfanumerici).  
Pisa, 31/5/2013

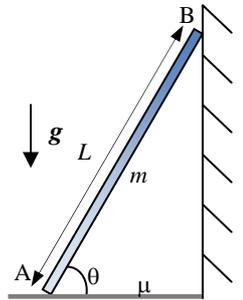
Firma:

**Corso di Laurea Ing. EA – PROVA DI VERIFICA n. 2 - 31/5/2013**

**Nome e cognome:** ..... **Matricola:** .....

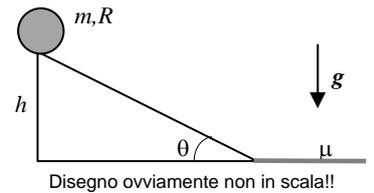
Siete invitati a riportare i risultati, sia letterali che numerici, se richiesti, in questo foglio; allegare "brutte copie" o altri documenti che ritenete utili. **Le risposte non adeguatamente giustificate non saranno prese in considerazione**

1. Una **sottile** asta **disomogenea**, di lunghezza  $L = 2.0$  m e massa  $m = 5.0$  kg, ha la propria densità di massa che varia con la distanza da un suo estremo, quello marcato con A in figura, secondo la funzione  $\rho_m(x) = C x^2$ , con  $x$  distanza dall'estremo A (la densità di massa è nulla in corrispondenza di A, cioè per  $x = 0$ ) misurata lungo l'asse dell'asta e  $C$  costante dimensionata incognita. L'estremo A dell'asta è appoggiato a un pavimento orizzontale **scabro**, con coefficiente di attrito  $\mu = 0.70$ . L'altro estremo (B in figura) è invece appoggiato a una parete **liscia** verticale. Nelle condizioni di figura l'asta è **in equilibrio** e l'angolo rispetto all'orizzontale vale  $\theta = \pi/3$ . [Usate  $g = 9.8$  m/s<sup>2</sup> per il modulo dell'accelerazione di gravità; ricordate che  $\cos(\pi/3) = 1/2$  e  $\sin(\pi/3) = \sqrt{3}/2$ , con  $\sqrt{3} \sim 1.73$ ]



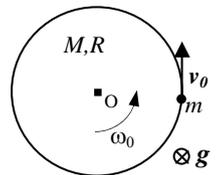
- a) Quanto vale la distanza  $L_{CM}$  tra l'estremo A e il centro di massa dell'asta? [Se non sapete rispondere, passate comunque alla domanda successiva; se sapete rispondere, spiegate **per bene**, in brutta, il procedimento]  
 $L_{CM} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  m
- b) Quanto vale in modulo la forza di attrito  $F_A$  che il pavimento scabro esercita sull'estremo A dell'asta? Commentate se la situazione di equilibrio descritta nel problema può effettivamente essere realizzata, o no.  
 $F_A = \dots\dots\dots \sim \dots\dots\dots$  N  
 Commento: .....

2. Un cilindro pieno omogeneo, di massa  $m = 1.0$  kg e raggio  $R = 20$  cm, si trova inizialmente fermo sulla sommità di un piano inclinato di altezza totale  $h = 2.5$  m il quale forma un angolo  $\theta = \pi/6$  rispetto all'orizzontale. Il piano inclinato presenta una superficie **liscia**, cioè con attrito trascurabile. Esso è seguito da un **lungo** piano orizzontale che, invece, è **scabro** con coefficiente di attrito  $\mu = 0.20$ . A un dato istante il cilindro viene lasciato libero di scendere lungo il piano inclinato con velocità iniziale nulla (sia traslazionale che rotazionale!). [Notate che il coefficiente di attrito dato vale sia nel caso statico che dinamico. Usate  $g = 9.8$  m/s<sup>2</sup> per il modulo dell'accelerazione di gravità; ricordate che  $\cos(\pi/6) = \sqrt{3}/2$ , con  $\sqrt{3} \sim 1.73$  e  $\sin(\pi/6) = 1/2$ ]



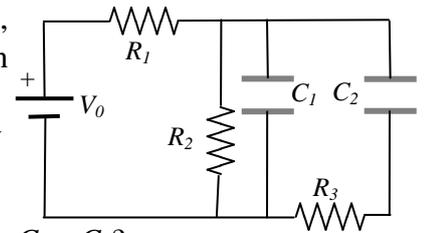
- a) Quanto valgono, in modulo, le velocità del centro di massa e rotazionale, rispettivamente  $v_{CM}'$  e  $\omega'$ , quando il cilindro raggiunge la base del piano inclinato?  
 $v_{CM}' = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  m/s  
 $\omega' = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  rad/s
- b) Discutete **per bene (ma davvero per bene e senza cadere in trabocchetti)** cosa succede al moto del cilindro quando arriva sul piano orizzontale scabro. In particolare stabilite se il moto è o può diventare di rotolamento puro, e nel caso in quale istante ciò si verifica.  
 Discussione:.....

3. In un luna park si trova una giostra realizzata con una piattaforma costituita da un disco pieno e omogeneo di raggio  $R = 1.0$  m e massa  $M = 2.0 \times 10^2$  kg che può ruotare con attrito trascurabile su un **piano orizzontale** attorno a un perno fisso e rigido che passa per il suo asse geometrico (punto O di figura). Inizialmente sul bordo della giostra si trova, fermo rispetto a questa, un omino puntiforme di massa  $m = M/4 = 50$  kg e tutto il sistema omino + giostra si trova in rotazione (in "folle") con velocità angolare  $\omega_0 = 1.0$  rad/s nel verso antiorario di figura. A un dato istante l'omino salta giù dalla giostra con una velocità diretta orizzontalmente come in figura (tangente al disco, rispetto a un riferimento "fisso") di modulo  $v_0$  incognito. Subito dopo il salto la giostra si ferma.



- a) Discutete **per bene**, in brutta, quali grandezze meccaniche complessive del sistema si conservano nel processo descritto sopra, e **spiegate perché**.  
 Discussione e spiegazione: .....
- b) Quanto vale  $v_0$ ?  
 $v_0 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  m/s

4. Un circuito elettrico è costituito da tre resistori ( $R_1 = 1.0 \text{ kohm}$ ,  $R_2 = 2.0 \text{ kohm}$ ,  $R_3 = 4.0 \text{ kohm}$ ) e due condensatori ( $C_1 = 1.0 \mu\text{F}$ ,  $C_2 = 2.0 \mu\text{F}$ ) collegati come in figura ad un generatore ideale di differenza di potenziale  $V_0 = 30 \text{ V}$ .



a) Quanto vale, in **condizioni stazionarie** (cioè “a regime”), la potenza  $P_{GEN}$  erogata dal generatore?

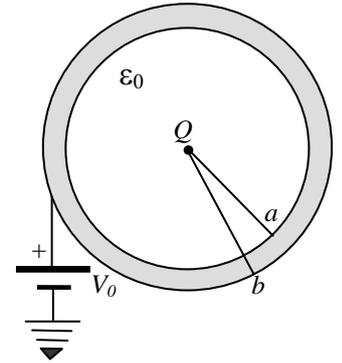
$P_{GEN} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ W}$

b) Quanto valgono, in **condizioni stazionarie**, la cariche  $Q_1$  e  $Q_2$  accumulate su  $C_1$  e  $C_2$ ?

$Q_1 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ C}$

$Q_2 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ C}$

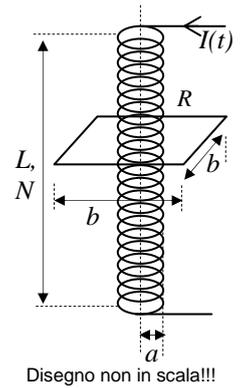
5. Un guscio sferico conduttore di raggio interno  $a = 40 \text{ cm}$  e raggio esterno  $b = 50 \text{ cm}$  (guscio spesso) è collegato al polo positivo di un generatore di differenza di potenziale  $V_0 = 5.0 \times 10^3 \text{ V}$ , il cui polo negativo è collegato a terra, come rappresentato schematicamente in figura. Al centro del guscio sferico viene posta una carica elettrica puntiforme  $Q = 1.0 \times 10^{-7} \text{ C}$ , che rimane fissa in questa posizione. Rispondete alle domande supponendo che il sistema abbia raggiunto condizioni **stazionarie** (di equilibrio). [Usate il valore  $\epsilon_0 = 8.8 \times 10^{-12} \text{ F/m}$  per la costante dielettrica del vuoto]



a) Quanto vale il **potenziale elettrico**  $V(r=a/2)$  in un punto che si trova all'interno del guscio, a una distanza  $r = a/2$  rispetto al centro? [Spiegate meglio che potete, in brutta, i ragionamenti e i metodi che servono per rispondere]

$V(r=a/2) = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ V}$

6. Un solenoide di lunghezza  $L = 1.0 \text{ m}$  e raggio  $a = 2.0 \text{ cm}$  (dunque con  $a \ll L$ , per cui si può ritenere che esso si comporti in modo “ideale”), composto da  $N = 1000$  spire, è collegato a un generatore che eroga una corrente variabile nel tempo. In particolare si sa che la corrente è nulla per  $t < t_0 = 0$ , e quindi aumenta **linearmente nel tempo** fino a raggiungere il valore  $I' = 50 \text{ A}$  all'istante  $t' = 1.0 \times 10^{-3} \text{ s}$ . Inoltre si sa che per  $t > t'$  l'intensità di corrente resta costantemente al valore  $I'$ . Come mostrato in figura (non in scala!), il solenoide attraversa la superficie di una spira quadrata di lato  $b = 10 \text{ cm}$  fatta di filo conduttore dotato di una resistenza complessiva  $R = 10 \text{ ohm}$ . Il piano su cui giace la spira è ortogonale all'asse del solenoide e la spira è concentrica al solenoide stesso. [Usate  $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T A/m}$  per la costante di permittività magnetica del vuoto]



Disegno non in scala!!!

a) Come varia nel tempo, per  $t > t_0 = 0$ , l'intensità di corrente  $I_S(t)$  indotta nella spira? Quanto vale l'intensità di corrente  $I_S''$  indotta nella spira all'istante  $t'' = 2t'$ ? [Alla prima domanda dovete rispondere scrivendo una funzione, non usate valori numerici ma riferitevi ai parametri noti del problema attraverso i simboli citati nel testo; non cadete nei trabocchetti!]

$I_S(t) = \dots\dots\dots$

$I_S'' = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{ A}$

7. Scrivete **meglio che potete e con tutte le indicazioni che ritenete opportune** le quattro equazioni che normalmente si indicano come “equazioni di Maxwell in forma integrale e nel vuoto” (ovviamente in condizioni **non stazionarie**)