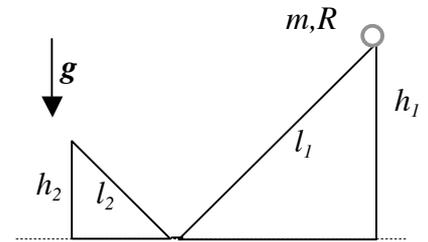


Nome e cognome: .....

Matricola: .....

Istruzioni: riportate i risultati, sia letterali che numerici, se richiesti, in questo foglio; allegare "brutte copie" o altri documenti che ritenete utili. Le risposte non adeguatamente giustificate non saranno prese in considerazione

1) Un sottile guscio cilindrico di raggio  $R = 5.0$  cm e massa  $m = 0.50$  kg (praticamente un barattolo vuoto e senza coperchi), si trova all'inizio del percorso rappresentato in figura e costituito da un piano inclinato di altezza  $h_1 = 1.0$  m e lunghezza  $l_1 = 1.4$  m seguito da un altro piano inclinato di altezza  $h_2 = 50$  cm e lunghezza  $l_2 = 71$  cm, che rappresenta un trampolino di lancio per il cilindro. L'intero percorso ha una superficie scabra e quindi l'attrito **non è trascurabile**. [Il breve tratto orizzontale di collegamento tra i due piani inclinati non influisce sulla dinamica del guscio cilindrico; nella soluzione usate il valore  $g = 9.8$  m/s<sup>2</sup> per il modulo dell'accelerazione di gravità]



a. Ad un dato istante il guscio cilindrico viene lasciato libero di scendere lungo il primo piano inclinato e risalire sul secondo fino a lasciarlo, e si osserva che il suo moto è di **rotolamento puro**: quanto deve valere, **al minimo**, il coefficiente di attrito  $\mu$  tra superficie del percorso e guscio cilindrico affinché questo sia possibile? [Stabilite voi se si tratta di attrito statico o dinamico!]

$\mu = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

b. Quanto vale l'intervallo di tempo  $\Delta t$  necessario perché il guscio cilindrico discenda lungo tutto il primo piano inclinato (quello di altezza  $h_1$ )? [Si intende anche qui che il moto è di **rotolamento puro**]

$\Delta t = \dots\dots\dots \sim \dots\dots\dots$  s

c. Quanto vale la velocità  $v$  del centro di massa del guscio cilindrico misurata quando esso raggiunge la sommità del secondo piano inclinato (quello di altezza  $h_2$ )? [Si intende anche qui che il moto è di **rotolamento puro**]

$v = \dots\dots\dots \sim \dots\dots\dots$  m/s

d. E qual è l'altezza massima  $h_M$  che il guscio cilindrico raggiunge dopo aver lasciato il trampolino (cioè il secondo piano inclinato)? [Calcolate questa altezza rispetto alla quota della base dei piani inclinati ed osservate che il guscio cilindrico può continuare a ruotare attorno al suo asse anche mentre è "in volo"; giustificate **bene** la vostra risposta!]

$h_M = \dots\dots\dots \sim \dots\dots\dots$  m

2) Un recipiente di volume  $V = 1.0$  litro ha pareti **termicamente isolanti** ed è dotato di un setto rigido orizzontale di spessore trascurabile, realizzato con un materiale impermeabile ai gas che è in grado di resistere senza rompersi fino a differenze di pressione tra le sue facce pari a  $p_M = 5.0 \times 10^5$  Pa; il setto divide il recipiente in due parti uguali. In una di queste due parti è fatto il vuoto pneumatico, mentre l'altra contiene una quantità  $n = 5.0 \times 10^{-2}$  moli di gas perfetto monoatomico assieme ad un resistore elettrico di dimensioni trascurabili, usato per riscaldare il gas. Inizialmente il resistore è scollegato da qualsiasi circuito e la temperatura del gas è  $\theta_0 = 27$  °C.

a. Quanto vale la pressione iniziale  $p_0$  del gas? [Usate il valore  $R = 8.3$  J/K per la costante dei gas perfetti]

$p_0 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  Pa

b. Ad un dato istante il resistore viene collegato ad un generatore che fa in modo che esso riscaldi il gas (e solamente il gas!) con una potenza costante  $W = 25$  W. Si osserva che, trascorso un intervallo di tempo  $\Delta t$ , il setto si rompe, ed il gas comincia a riempire anche la parte di recipiente inizialmente vuota. Quanto vale  $\Delta t$ ? [Supponete che né il recipiente né il setto si deformino fino alla rottura, istantanea, del setto stesso ed usate l'espressione  $c_V = (3/2)R$  per il calore specifico molare a volume costante per un gas perfetto monoatomico]

$\Delta t = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  s

c. Nello stesso istante in cui il setto si rompe, il resistore viene scollegato; quanto vale la temperatura  $T$  del gas quando esso ha occupato l'intero volume del recipiente? [Fate attenzione al fatto che la trasformazione subita dal gas è certamente **irreversibile** e cercate di utilizzare qualche principio di carattere generale osservando che si tratta di una "espansione irreversibile nel vuoto"]

$T = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$  K

3) Un lungo filo elettrico ha forma cilindrica, con raggio  $R$  e lunghezza  $L \gg R$ , ed è realizzato con un materiale conduttore omogeneo con resistività  $\rho$ . Il filo è collegato ai due terminali di un generatore ideale di differenza di potenziale  $V$  costante nel tempo.

a. Come si esprime il campo magnetico  $\mathbf{B}(r)$  in punti collocati a distanza  $r$  generica dall'asse del cilindro e che si trovano al di fuori ( $r > R$ ) o all'interno ( $r < R$ ) di esso? [Dovete scrivere l'andamento di  $\mathbf{B}(r)$  con la distanza  $r$  in funzione dei dati letterali del problema, specificando anche la direzione del vettore]

$\mathbf{B}(r) = \dots\dots\dots$  (per  $r > R$ )

$\mathbf{B}(r) = \dots\dots\dots$  (per  $r < R$ )

b. Come si esprime il campo elettrico  $\mathbf{E}$  all'interno del cilindro? [Dovete scrivere  $\mathbf{E}$  in funzione dei dati letterali del problema, specificando anche la direzione del vettore]

$\mathbf{E} = \dots\dots\dots$

c. La distribuzione spaziale della corrente, cioè delle cariche che la costituiscono, sarà puramente omogenea sulla sezione del filo? Possono esistere "cause" che creano disomogeneità? Commentate, spiegando **bene** il vostro pensiero!

Commento e spiegazione:  $\dots\dots\dots$

---

**Nota:** acconsento che l'esito della prova venga pubblicato sul sito web del docente, <http://www.df.unipi.it/~fuso/dida>, impiegando come nominativo le ultime quattro cifre del numero di matricola, oppure il codice: | | | | (4 caratteri alfanumerici).

Pisa, 12/1/2007

Firma: