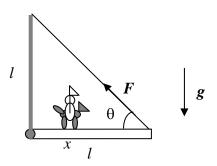
Corso di Laurea Ing. EA – ESERCIZI DI FISICA GENERALE – nr. 13/06

1. Un cavaliere medievale, di massa complessiva M = 500 Kg, percorre un ponte levatoio, di materiale omogeneo, lunghezza l = 5.00 m, e massa m = 100 Kg, che è incernierato senza attriti ad un suo estremo, mentre all'altro estremo è fissato tramite una catena inestensibile (di massa trascurabile) alle pareti del castello, in un punto che si trova ad una distanza verticale l = 5.00 m al di sopra del perno (vedi figura). Per lo svolgimento del problema, considerate il cavaliere (con cavallo e armatura) come un punto materiale.

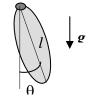


- a) Detta x la coordinata del cavaliere lungo il ponte levatoio, come si scrive la funzione F(x) che rappresenta la dipendenza del modulo della tensione della catena con la posizione x? $F(x) = \dots$
- b) Sapendo che il carico massimo che la catena può sopportare prima di spezzarsi vale in modulo F' = 5000 N,quanto vale la coordinata x' a cui arriva il cavaliere prima che succeda il disastro? $x' = \dots = \dots = \dots = \dots$ m
- c) Tenendo conto che il ponte levatoio è ben approssimato da un'asta omogenea che ruota attorno ad un asse passante per una sua estremità, quanto vale **l'accelerazione angolare** α del ponte subito dopo la rottura della catena? [Se proprio non volete calcolarvelo, ricordate che il momento di inerzia di un'asta omogenea di massa m e lunghezza l vale, in questo caso, $l = ml^2/3$] $\alpha = \dots = mad/s^2$
- d) Il cavaliere comincerà a cadere verso il basso, ed il ponte a compiere una rotazione. Inizialmente (subito dopo la rottura della catena), quanto valgono in modulo le **accelerazioni lineari** *A* ed *a* rispettivamente del cavaliere e dell'estremità del ponte?

```
A = \dots = m/s^2

a = \dots = m/s^2
```

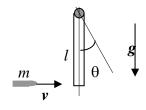
2. Un ellissoide omogeneo di massa m e lunghezza l (vedi figura) può ruotare su un piano verticale attorno ad un perno passante per una sua estremità. Si suppongano trascurabili tutti gli attriti e si assuma pari ad I (noto!) il momento di inerzia.



- a) A quale distanza d dal perno (misurata lungo l'asse dell'ellissoide disegnato in figura) si trova il centro di massa dell'ellissoide?.
 d =
- b) Quanto vale, in funzione dell'angolo θ indicato in figura, il momento τ esercitato dalla forza peso rispetto al perno di rotazione?

```
c) Quanto vale, sempre in funzione di \theta, l'accelerazione angolare \alpha dell'ellissoide? [segni!!!] \alpha = \dots
```

- d) Se l'ellissoide viene spostato "di poco" dalla posizione di equilibrio stabile $\theta=0$, si osservano delle oscillazioni (è un pendolo che fa piccole oscillazioni!!). Quanto vale la loro pulsazione ω_{PO} ? ω_{PO} =
- 3. Un'asta omogenea di massa M=1.0 Kg e lunghezza l=0.50 m è sospesa ad un perno collocato ad una sua estremità. L'asta può ruotare **senza attriti** attorno al perno, mantenendosi su un piano verticale. Un proiettile di massa m=5.0 g e velocità (orizzontale) v=200 m/s colpisce l'estremità dell'asta, come in figura, rimanendoci conficcato, quando l'asta stessa si trova **ferma** in posizione di equilibrio (cioè è disposta lungo un asse verticale, $\theta=0$ vedi figura).



a) Quanto vale in modulo il momento angolare L_P del proiettile calcolato rispetto al perno di rotazione dell'asta nell'istante in cui il proiettile colpisce l'asta? [Suggerimento: ricordate la definizione di momento angolare rispetto ad un punto, $L = r \times p$, con r vettore che congiunge il proiettile al perno di rotazione, e p = mv quantità di moto del proiettile]

	$L_P = \dots Kg \text{ m}^2/\text{s}$
b)	Sfruttando la conservazione del momento angolare, dovuta all'assenza di momenti delle forze esterni al sistema proiettile+asta, e sapendo che il momento di inerzia dell'asta è in questo caso $I = Ml^2/3$, quanto vale la velocità angolare ω_0 con cui l'asta avvia la sua rotazione subito dopo l'urto? [Attenzione: il proiettile rimane conficcato nell'asta, e quindi anch'esso ha un suo momento di inerzia rispetto all'asse di rotazione, benché molto piccolo] $\omega_0 = \dots \sim \text{mad/s}$
c)	L'asta comincia quindi a ruotare in senso antiorario, cioè l'angolo θ di figura tende ad aumentare. Quanto vale, in funzione di θ , il lavoro Λ fatto dalla forza peso che agisce sul centro di massa dell'asta? [Semplificazione: trascurate il lavoro della forza peso sul movimento del proiettile conficcato nell'asta – vi garantisco che l'approssimazione è ragionevole!] $\Lambda = \dots$
d)	Quanto vale l'angolo massimo θ_{MAX} raggiunto dall'asta prima di arrestarsi? $\theta_{MAX} = \dots \qquad \qquad$
ant	a pattinatrice artistica su ghiaccio, che ha massa $m = 50$ Kg, fa una veloce piroetta in senso iorario. Si trascuri l'attrito tra i pattini ed il ghiaccio. Nella configurazione iniziale, la pattinatrice tiene le braccia lungo il corpo ed il suo corpo può essere approssimato (con molta fantasia!) con un cilindro verticale omogeneo , di altezza h e raggio $R = 0.2$ m, che ruota attorno ad un asse verticale passante per il suo centro. Quanto vale il momento di inerzia I della pattinatrice in queste condizioni? $I = \dots Kg m^2$
b)	Sapendo che la pattinatrice compie $f=8.0$ rotazioni al secondo, quanto valgono il modulo del suo momento angolare L e la sua energia cinetica E_K ? $L=\dots \qquad \qquad \text{Kg m}^2/\text{s}$ $E_K=\dots \qquad \qquad \qquad \qquad \text{J}$
c)	Mentre sta ruotando, la pattinatrice allarga le braccia fino a disporle in direzione orizzontale. In questa nuova configurazione, essa può essere approssimata come un cilindro verticale omogeneo di massa $m_C = 45$ Kg in rotazione, che rappresenta come prima il suo corpo; le braccia tese, in vece, possono essere rappresentate come un'asta omogenea orizzontale, di massa $m_B = 5.0$ Kg e lunghezza $d = 1.6$ m, che ruota attorno ad un asse verticale passante per il suo punto medio. A questo punto, quindi, il sistema (di massa complessiva m) è costituito da due elementi omogenei, il cilindro verticale e l'asta orizzontale, che ruotano solidali attorno allo stesso asse. Il momento di inerzia complessivo I ' può essere quindi determinato sommando i momenti di inerzia del cilindro e dell'asta. Quanto vale I '?
	$I' = \dots Kg m^2$
d)	Considerando come istante iniziale del processo quello in cui la pattinatrice piroetta a braccia lungo il corpo e come istante finale quello in cui ha le braccia orizzontali, cosa si può affermare si conservi durante il processo?
	Il momento angolare L'energia cinetica Entrambe Nulla Spiegazione sintetica della risposta:
	Quanto vale la frequenza di rotazione f al termine del processo? $f' = \dots \sim \text{rotazioni al secondo}$

4.