



$$\bar{x} = l_0 \sin \alpha \frac{M}{m+M} \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = l_0 \cos \alpha \frac{M}{m+M}$$

Altro modo per risolvere il problema:

Costanti del moto: Energia

$v_{M,x}$ $a_{M,x}$ ← non ci sono forze est. lungo x

$$E = \frac{1}{2} M (\dot{x}_M^2 + \dot{y}_M^2) + \frac{1}{2} m (\dot{x}_m^2 + \dot{y}_m^2) + M g y_M + m g y_m$$

$$v_{CM,x} = m \dot{x}_m + M \dot{x}_M \stackrel{=0}{=} \text{inizialmente il sistema è fermo}$$

$$a_{CM,x} = m \ddot{x}_m + M \ddot{x}_M \stackrel{=0}{=}$$

E costante $\Rightarrow \frac{dE}{dt} = 0$

$$\frac{dE}{dt} = M \dot{x}_M \ddot{x}_M + M \dot{y}_M \ddot{y}_M + m \dot{x}_m \ddot{x}_m + m \dot{y}_m \ddot{y}_m + M g \dot{y}_M + m g \dot{y}_m = 0$$

informazioni sul moto: $\dot{y}_M = \ddot{y}_M = 0$

$$\text{vedi Eq. (9)} \quad \begin{cases} \dot{y}_m = \tan \alpha (\dot{x}_M - \dot{x}_m) \\ \ddot{y}_m = \tan \alpha (\ddot{x}_M - \ddot{x}_m) \end{cases}$$